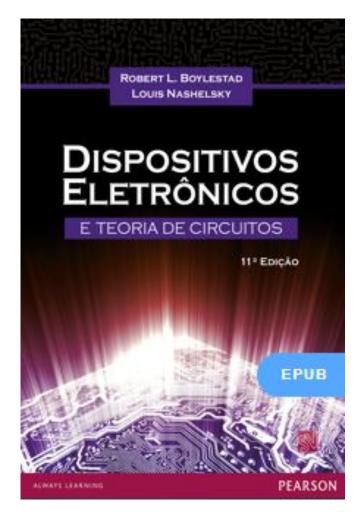
SEL-EESC-USP

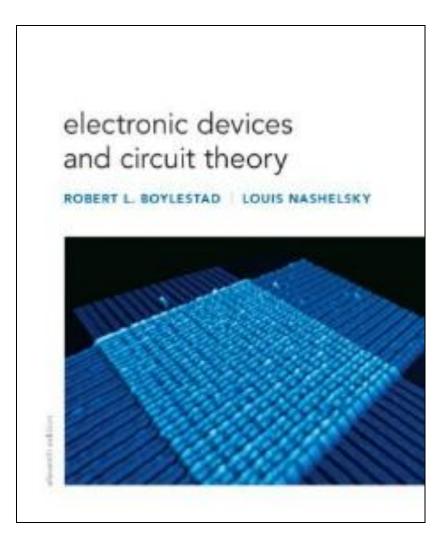
## BJT – Resumo da Teoria

Circuito de Polarização (pg. 1-4)

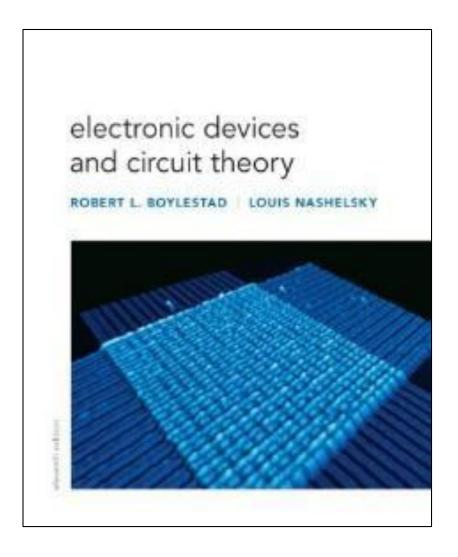
P. R. Veronese 2012



Pearson Education do Brasil 11ª edição - 2013



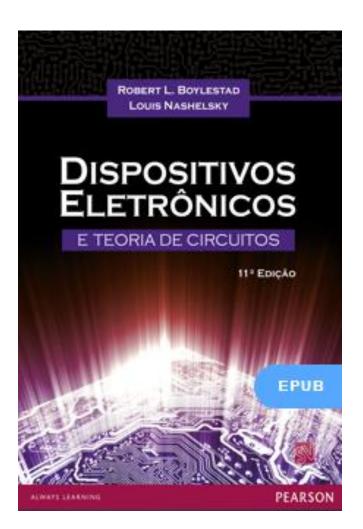
Pearson 11th edtion - 2013



Chapter 4 - DC Biasing BJTs (pg. 160)







Pearson Education do Brasil, 11<sup>a</sup> edição - 2013

#### e-books temporariamente abertos

30 Março 2020

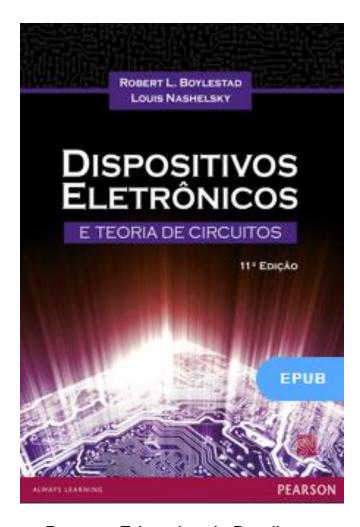
A pedido do pró-reitor de graduação da USP, professor Edmund Chada Baracat, a Comissão de Graduação da Escola de Engenharia de São Carlos (EESC) da USP informa a liberação temporária do acesso a plataformas e-books da Person e da Elsevier - Science Direct. Seguem os dados para acesso:

#### E-books da Person

Site: plataforma.bvirtual.com.br

Usuário: BV USP@pearson.com

Senha: @Pearson123



Pearson Education do Brasil, 11ª edição - 2013 Capítulo 4 – Polarização CC – TBJ (pg. 144)

- 4.1 Introdução
- 4.2 Ponto de Operação
- 4.3 Circuitos de Polarização Fixa

Saturação

Análise de Reta de Carga

4.4 Circuito de Polarização do Emissor

Melhoria da Estabilidade de Polarização

Saturação

Análise de Reta de Carga

4.5

### Circuito de Polarização por Divisor de Tensão

Cálculo da Polarização (Método de Análise)

Cálculo Aproximado da Polarização (Método de Análise)

Fator de Estabilidade e Projeto (Sintese) de um Circuito de Polarização de um Circutio Divisor de Tensão

Saturação e Análise de Reta de Carga do Circuito com Polarização por Divisor de Tensão

Exemplos da Estabilidade da Polarização por Divisor de Tensão

4.6

Circuito de Polarização com Realimentação de Coletor

4.7

Circuito de Polarização com Seguidor de Emissor

- 4.8 Circuito de Polarização Base Comum
- 4.9 Configurações de Polarização Combinadas
- 4.10 Tabela Resumo das Polarizações
- 4.11 Exemplos de Síntese de Circuitos de Polarização

**Circuitos com Múltiplos BJTs** 

**Circuitos com Acoplamento RC** 

**Darlington** 

Cascode

**Par Realimentado** 

**Acoplamento Direto** 

# Introdução

- A análise ou o projeto de qualquer amplificador eletrônico utiliza duas componentes: as resposta CA e CC.
- O teorema da superposição é aplicável e a análise das condições CC pode ser totalmente separada da resposta CA.
- O valor CC de operação de um transistor é controlado por vários fatores, incluindo uma vasta gama de pontos de operação possíveis nas curvas características do dispositivo.
- Uma vez definidos a corrente CC e os valores de tensão desejados, um circuito que estabeleça o ponto de operação escolhido deve ser projetado.
- Cada projeto de polarização deve determinar a estabilidade do sistema, ou seja, o quanto ele é sensível às variações de temperatura e outros parâmetros.
- Relações básicas:  $V_{BE} \approx 0.7 \text{ V}$

$$I_E = (\beta + 1)I_B \cong I_C \tag{4.2}$$

(4.1)

$$I_C = \beta I_B \tag{4.3}$$

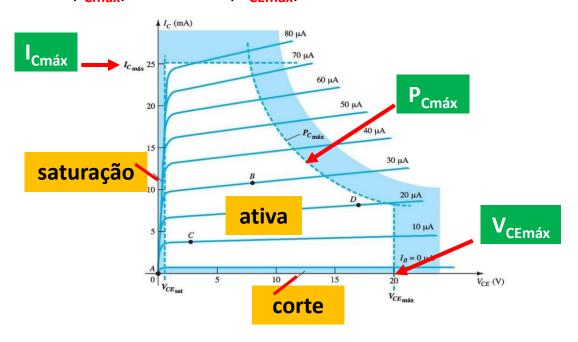
## Ponto de Operação

Polarização: é a aplicação de tensõesCC em um circuito para estabelecer os valores fixos de corrente e tensão.

O ponto de operação é fixo nas curvas características do dispositivo e é denominado **ponto quiescente** (em repouso, imóvel, inativo).

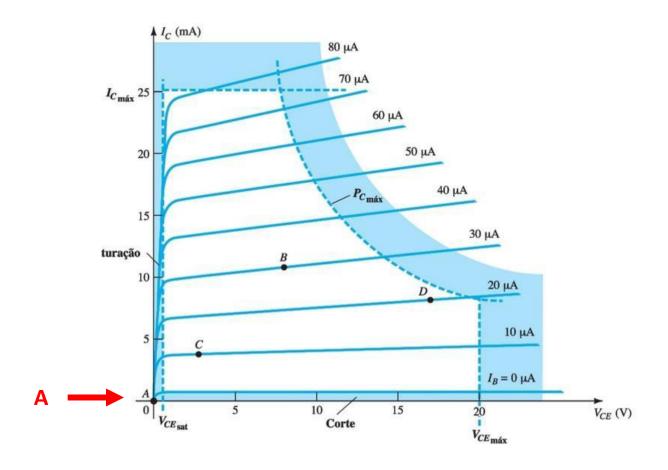
Os valores máximos permitidos para os parâmetros são indicados na figura abaixo pelas linhas horizontal ( $I_{Cmax}$ ) e vertical ( $V_{CEmax}$ ).

O ponto Q escolhido depende do tipo de utilização do circuito!



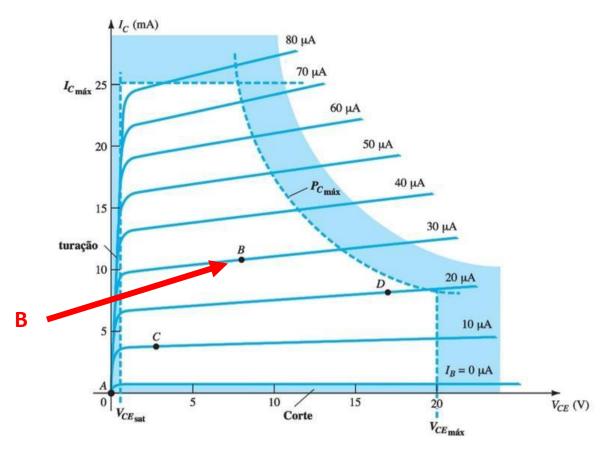
- A restrição de potência máxima é definida pela curva P<sub>Cmáx</sub>.
- A região de corte ( $I_B \le 0\mu A$ ) está próxima ao eixo horizontal e a região de saturação ( $V_{CE} \le V_{CEsat}$ ) está próxima ao eixo vertical.
  - O BJT poderia ser polarizado para operar fora desses limites máximos, mas o resultado da operação seria uma redução considerável na vida útil do dispositivo ou sua destruição.
- Ao se limitar a operação a região ativa é possível selecionar diversos pontos de operação.

**Ponto** A: se nenhuma polarização for usada o circuito estará, isto é, a corrente e tensão serão nulas.



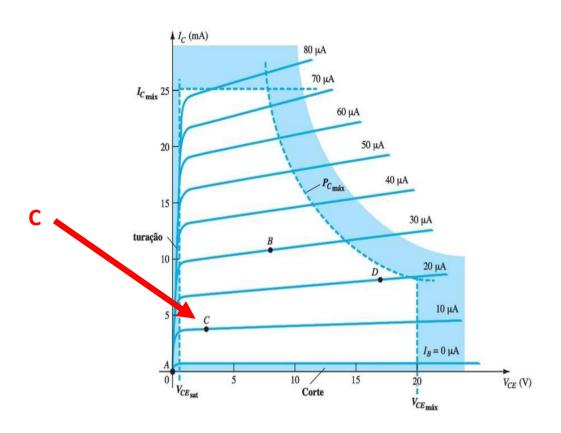
**Ponto B**: se um sinal for aplicado ao circuito a tensão e corrente do dispositivo variarão em torno desse ponto, permitindo que o dispositivo responda à excursão positiva quanto negativa,.

Se o sinal de entrada for adequadamente escolhido, a tensão e corrente do dispositivo terão variação, mas não o suficiente para levá-lo ao corte ou à saturação.



**Ponto C**: esse ponto permitirá alguma variação positiva e negativa do sinal de saída, mas o valor pico à pico seria limitado pela proximidade com  $V_{CE} = 0$ V e  $I_{CE} = 0$ mA.

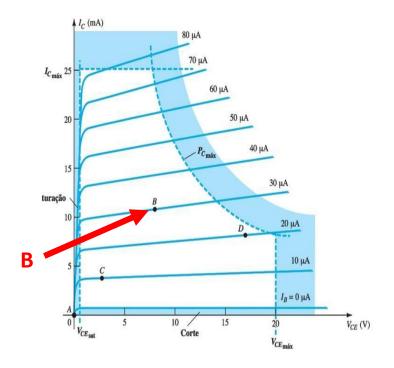
Operar nesse ponto suscita preocupação quanto as não linearidades geradas pelo fato de o espaçamento entre as curvas de I<sub>B</sub> nessa região se modificar rapidamente.



De um modo geral, é preferível operar onde o ganho do dispositivo é razoavelmente constante (ou linear) para garantir que a amplificação em toda a excursão do sinal de entrada seja a mesma.

O ponto B está em uma região de espaçamento mais linear e, portanto, de operação mais linear.

O ponto B parece ser o melhor ponto de operação em termos de ganho linear e maior excursão possível para tensão e corrente de saída. Esta é a condição desejada para amplificadores de pequenos sinais mas não se aplica necessariamente para amplificadores de potência.



The small signal model for the behavior accounts which is linear around operating point. When the large signal is in amplitude say more than 1/5 of  $V_{CC}$ , a rule of thumb, the behavior becomes non linear and we have to use the model which accounts for nonlinearity, and thus called large signal model.

- Após a seleção e a polarização do BJT em ponto de operação desejado, o efeito de temperatura deve ser considerado. A temperatura acarreta mudanças em parâmetros, tais como, o ganho de corrente do transistor ( $\beta$ ) e a corrente de fuga do transistor ( $I_{CEO}$ ). Temperaturas maiores resultam em correntes de saturação maiores. O projeto deve prever uma estabilidade à temperatura.
- A mudança do ponto de operação pode ser especificada por um fator de estabilidade (S) que indica o grau de mudança do ponto de operação decorrente da variação de temperatura e de outros parâmetros.
  - Para operar na região ativa:
    - A junção base-emissor deve estar polarizada diretamente (região p mais positiva) com uma tensão resultante de polarização direta de cerca de 0,6 a 0,7 V.
    - A junção base-coletor deve estar polarizada reversamente (região n mais positiva), com a tensão reversa de polarização situada dentro dos limites máximos do dispositivo.

### **The Three Operating Regions**

#### Active or Linear Region Operation

- Base–Emitter junction forward biased
- Base–Collector junction reverse biased

$$V_{BE} > 0$$
,  $V_{BC} < 0$ 

#### Cutoff Region Operation

- Base–Emitter junction reverse biased
- Base-Collector junction reverse biased

$$V_{BE} < 0, V_{BC} < 0$$

#### Saturation Region Operation

- Base–Emitter junction forward biased
- Base–Collector junction forward biased

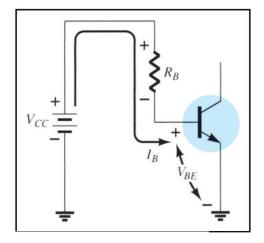
$$V_{BE} > 0, V_{BC} > 0$$

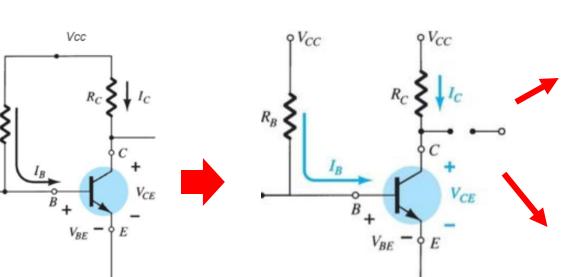
### Circuitos de Polarização DC

- 4.3 Circuito de Polarização Fixa
- 4.4 Circuito de Polarização do Emissor
- 4.5 Circuito de Polarização por Divisor de Tensão
- 4.6 Circuito com Realimentação do Coletor
- 4.7 Circuito de Polarização com Seguidor de Emissor
- 4.8 Circuito de Polarização Base Comum

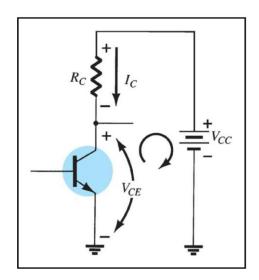
# Circuito de Polarização Fixa

#### Malha de Entrada



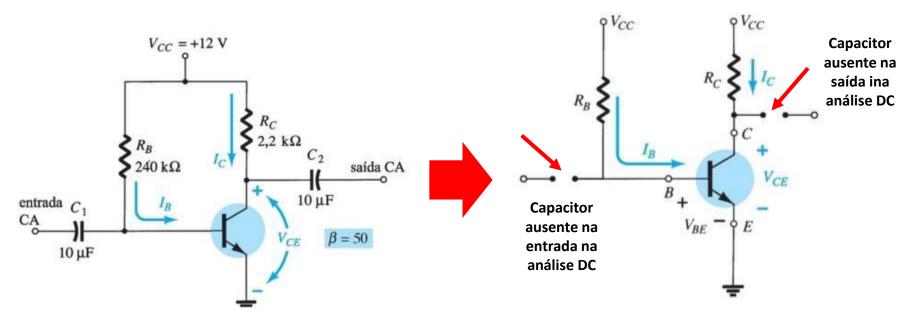


#### Malha de Saída



Para a análise CC o circuito pode ser isolado dos valores CA indicados pela substituição dos capacitores por um circuito aberto equivalente porque a reatância capacitiva para  $f = OHz \in 1/(2\pi fC) = \infty\Omega$ .

Presença dos capacitores de desacoplamento em um circuito com polarização fixa

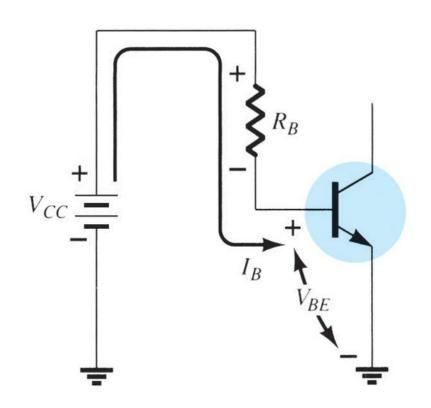


#### **The Base-Emitter Loop**

#### Kirchoff's voltage law:

$$+V_{CC}-I_BR_B-V_{BE}=0$$

$$I_{B} = \frac{V_{CC} - V_{BE}}{R_{B}}$$



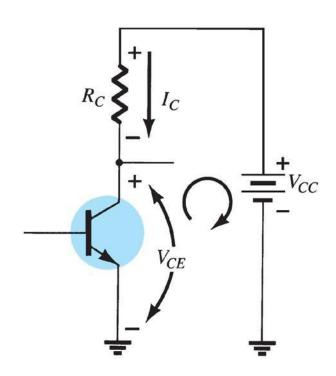
#### **Collector-Emitter Loop**

$$I_C = \beta I_B$$

$$V_{CE} = V_{CC} - I_C R_C$$

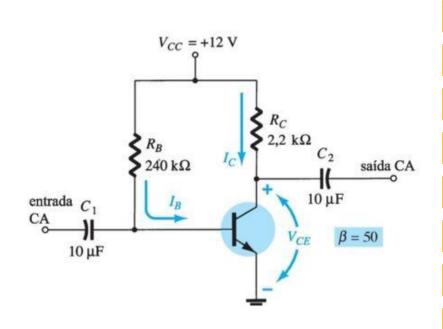
$$V_{CE} = V_C - V_E = V_C$$

$$V_{BE} = V_B - V_E = V_B$$



#### **Exemplo:**

No circuito abaixo determine: a)  $I_{BQ}$  ,  $I_{CQ}$  ,  $V_{CEQ}$  ,  $V_{B}$  ,  $V_{C}$  e  $V_{BC}$ 



O circuito opera na região ativa pois V<sub>BE</sub> >0 e V<sub>BC</sub> <0!



$$I_{B_Q} = \frac{V_{CC} - V_{BE}}{R_B} = \frac{12 \text{ V} - 0.7 \text{ V}}{240 \text{ k}\Omega} = 47,08 \,\mu\text{A}$$

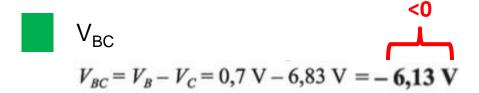
$$I_{C_Q} = \beta I_{B_Q} = (50)(47,08 \,\mu\text{A}) = 2,35 \,\text{mA}$$

 $V_{CE}$ 

$$V_{CE_Q} = V_{CC} - I_C R_C$$
  
= 12 V - (2,35mA)(2,2k $\Omega$ ) = 6,83 V

>0

 $V_B = V_C$   $V_B = V_{BE} = 0.7 \text{ V}$  $V_C = V_{CE} = 6.83 \text{ V}$ 

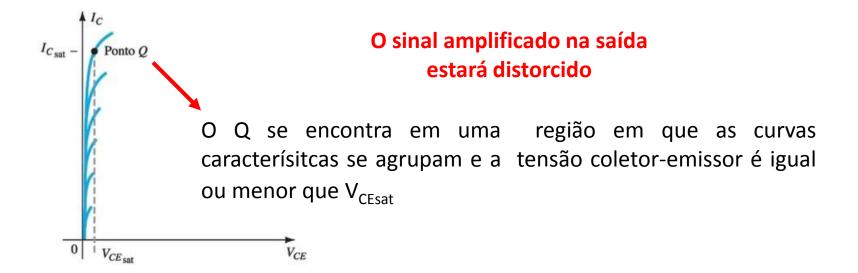


# Saturação do Circuito de Polarização Fixa

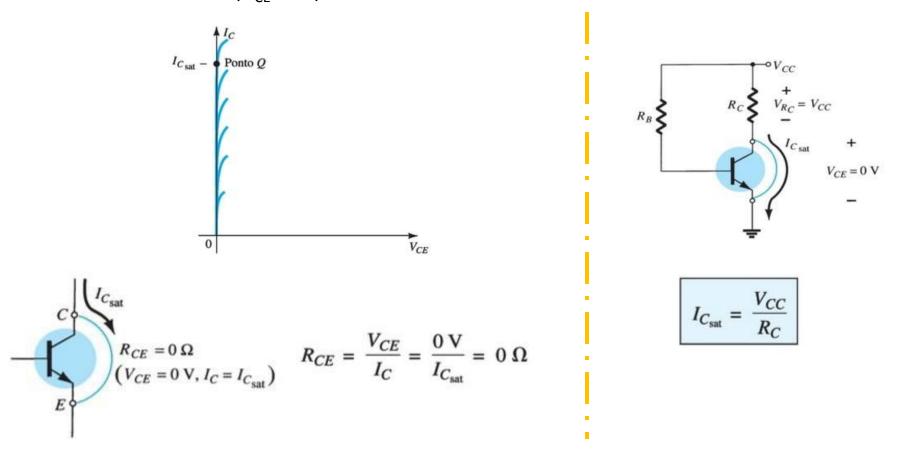
When the transistor is operating in **saturation**, the current through the transistor is at its **maximum** possible value.

$$I_{Csat} = \frac{V_{CC}}{R_{C}}$$

$$V_{CE} \cong 0V$$

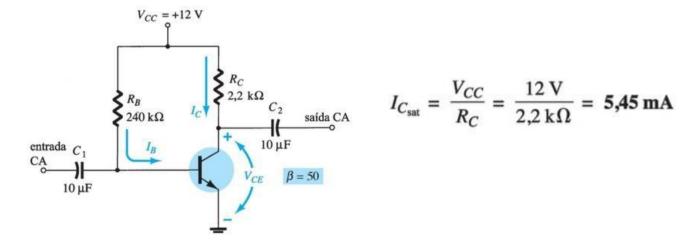


Para se calcular a corrente de coletor máxima aproximada (valor de saturação) para um projeto em particular, é preciso inserir um curto-circuito equivalente entre coletor e emissor ( $V_{CF}$ =0 V).



Uma vez que I<sub>C</sub> é conhecida tem-se um valor para a máxima corrente de coletor possível e o valor deverá ficar abaixo de I<sub>Csat</sub> para uma amplificação linear.

#### **Exemplo:**



O cálculo da polarização resulta em  $I_{\rm CQ}$  = 2,35 mA que está distante do valor de saturação.

# Análise por Reta de Carga do Circuito de Polarização Fixa

A análise por reta de carga é assim denominada porque a carga (resistores do circuito) determina a inclinação da reta que conecta os pontos estabelecidos pelos parâmetros do circuito.

#### Csat

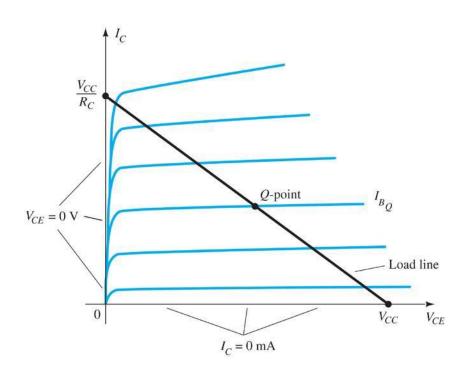
$$I_C = V_{CC} / R_C$$

$$V_{CE} = 0 \text{ V}$$

#### **V**<sub>CEcutoff</sub>

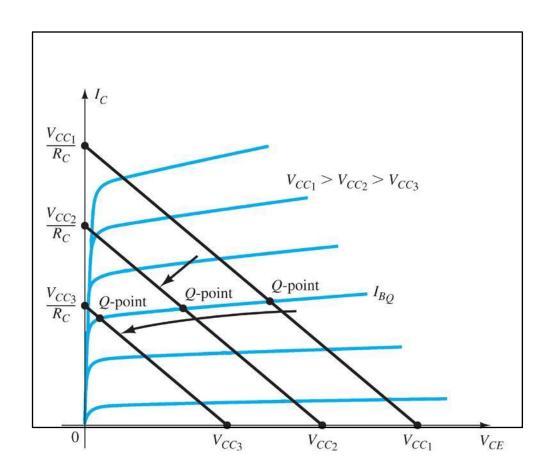
$$V_{CE} = V_{CC}$$

$$I_C = 0 \text{ mA}$$

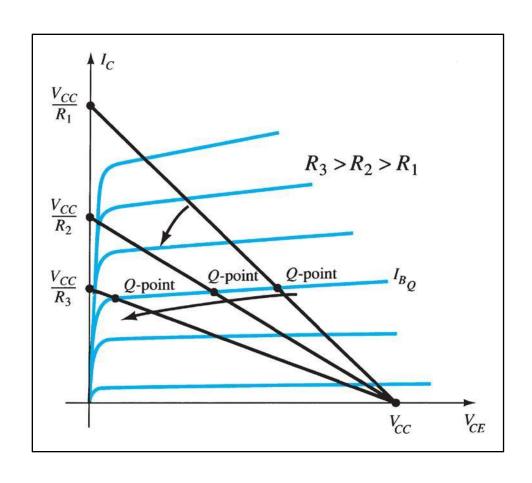


The Q-point is the operating point where the value of  $R_B$  sets the value of  $I_B$  that controls the values of  $V_{CE}$  and  $I_C$ 

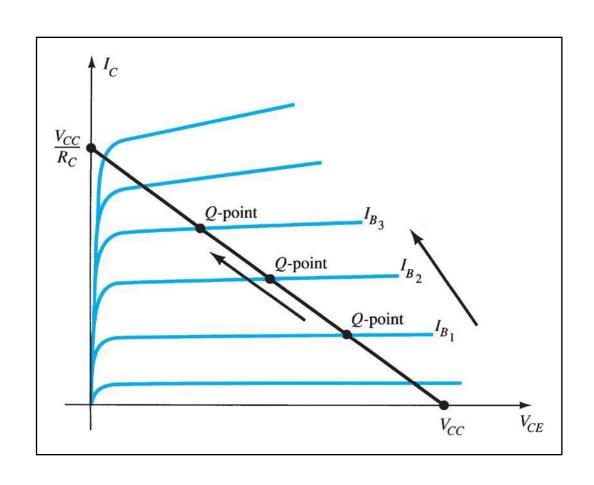
#### The Effect of V<sub>CC</sub> on the Q-Point



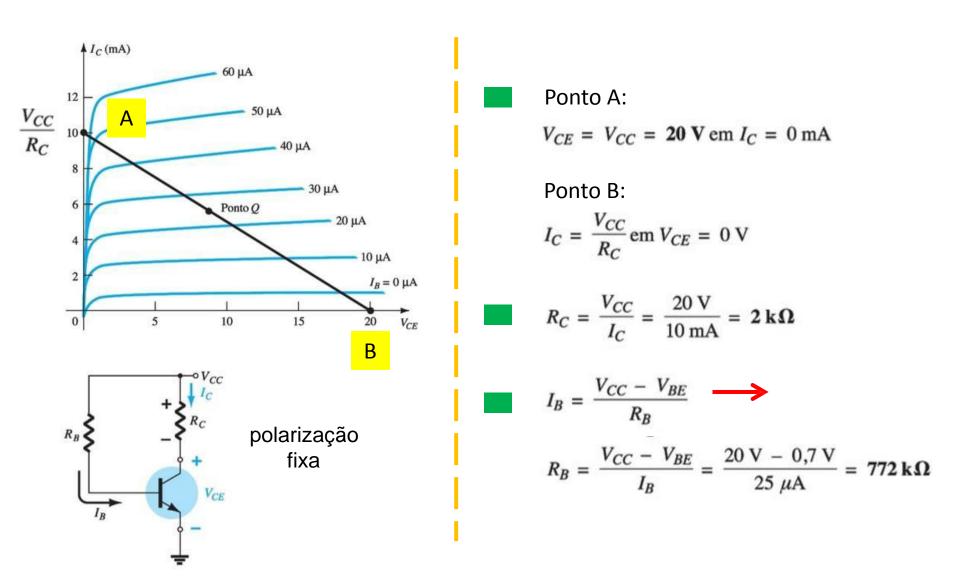
#### The Effect of R<sub>C</sub> on the Q-Point



#### The effect of IB on the Q-Point

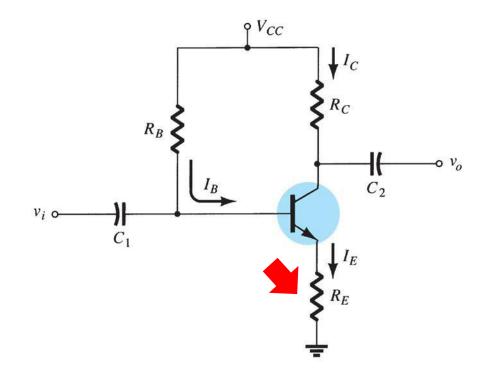


**Exercício 2:** Dada a reta de carga da figura abaixo e o ponto Q, determine os valores necessários de  $V_{CC}$ ,  $R_C$  e ,  $R_B$  para uma configuração de polarização fixa.



## Circuito de Polarização do Emissor

Adding a resistor  $(R_E)$  to the emitter circuit stabilizes the bias circuit!



### **Base-Emitter Loop**

### Kirchhoff's voltage law:

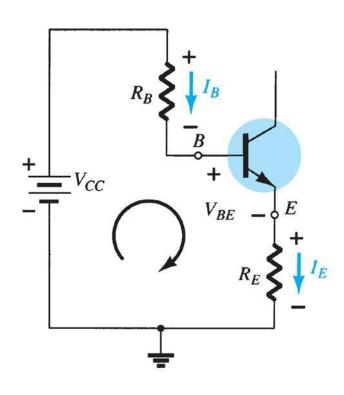
$$+ \, V_{CC} - I_E R_E - V_{BE} - I_E R_E \ = \ 0$$

Since  $I_E = (\beta + 1)I_B$ :

$$V_{CC} - I_B R_B - (\beta + 1)I_B R_E = 0$$

### Solving for I<sub>B</sub>:

$$I_{B} = \frac{V_{CC} - V_{BE}}{R_{B} + (\beta + 1)R_{E}}$$



A diferença dessa equação de  $I_B$  e a obtida para a polarização fixa é o termo  $(\beta + 1)R_E$ .

### **Collector - Emitter Loop**

### From Kirchhoff's voltage law:

$$I_E R_E + V_{CE} + I_C R_C - V_{CC} = 0$$

Since  $I_E \approx I_C$ :

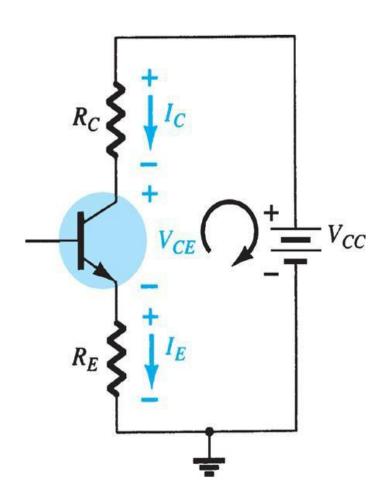
$$V_{\scriptscriptstyle CE} \ = \ V_{\scriptscriptstyle CC} - I_{\scriptscriptstyle C}(R_{\scriptscriptstyle C} \ + \ R_{\scriptscriptstyle E})$$

$$V_E = I_E R_E$$

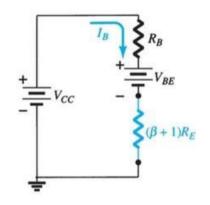
$$V_{\it C}\!=V_{\it CE}+V_{\it E}=V_{\it CC}-I_{\it C}R_{\it C}$$

Also from Base – Emitter Loop:

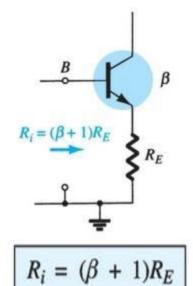
$$V_B = V_{CC} - I_B R_B = V_{BE} + V_E$$



O valor de I<sub>B</sub> do circuito em série abaixo tem o mesmo valor da equação de I<sub>B</sub> do circuito com polarização de emissor:



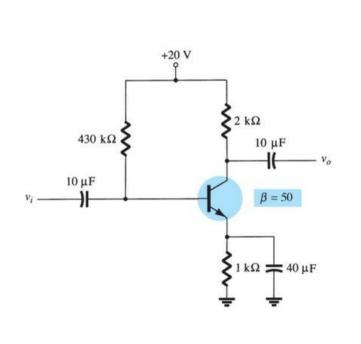
$$I_B = \frac{V_{CC} - V_{BE}}{R_B + (\beta + 1)R_E}$$



Independentemente da tensão  $V_{BE}$  o resistor  $R_E$  é refletido de volta para o circuito de entrada por um fator ( $\beta$  +1).

O resistor de emissor, que é parte da malha coletor-emissor, aparece como  $(\beta +1)R_E$  na malha base-emissor. Como  $\beta$  é elevado, o resistor do emissor aparenta ser muito maior no circuito de entrada.

Exemplo de Análise: No circuito abaixo determine: I<sub>B</sub>, I<sub>C</sub>, V<sub>CE</sub>, V<sub>C</sub>, V<sub>E</sub>, V<sub>B</sub> e V<sub>BC</sub>



$$I_B = \frac{V_{CC} - V_{BE}}{R_B + (\beta + 1)R_E} = \frac{20 \text{ V} - 0.7 \text{ V}}{430 \text{ k}\Omega + (51)(1 \text{ k}\Omega)} = 40.1 \,\mu\text{A}$$

$$I_C = \beta I_B = (50)(40,1 \ \mu\text{A}) \cong 2,01 \ \text{mA}$$

$$V_{CE} = V_{CC} - I_C(R_C + R_E) = 20 \text{ V} - (2,01 \text{ mA})(2 \text{ k}\Omega + 1 \text{ k}\Omega)$$
  
= 13,97 V

$$V_C = V_{CC} - I_C R_C = 20 \text{ V} - (2,01 \text{ mA})(2 \text{ k}\Omega) = 20 \text{ V} - 4,02 \text{ V}$$
  
= 15,98 V

$$V_E = V_C - V_{CE} = 15,98 \text{ V} - 13,97 \text{ V} = 2,01 \text{ V}$$

ou 
$$V_E = I_E R_E \cong I_C R_E = (2.01 \text{ mA})(1 \text{ k}\Omega) = 2.01 \text{ V}$$

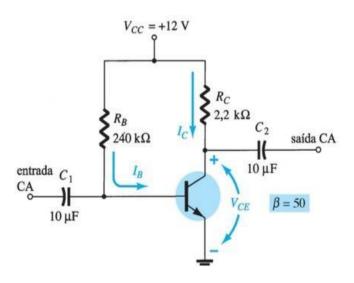
$$V_B = V_{BE} + V_E = 0.7 \text{ V} + 2.01 \text{ V} = 2.71 \text{ V}$$

$$V_{BC} = V_B - V_C = 2,71 \text{ V} - 15,98 \text{ V} = -13,27 \text{ V}$$

## Melhoria da Estabilidade de Polarização

**Stability** refers to a condition in which the currents and voltages remain fairly constant over a wide range of temperatures and transistor Beta (2) values.

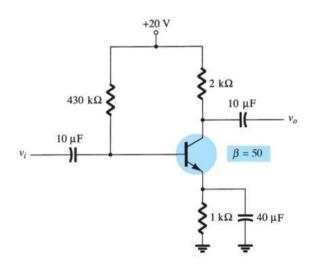
### Polarização Fixa



### Efeitos da variação de $\beta$ na polarização

β	$I_B(\mu A)$	$I_{C}(mA)$	$V_{CE}(V)$
50	47,08	2,35	6,83
100	47,08	4,71	1,64

### Polarização Estável do Emissor



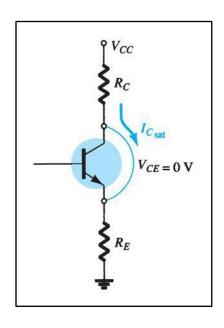
### Efeitos da variação de $\beta$ na polarização

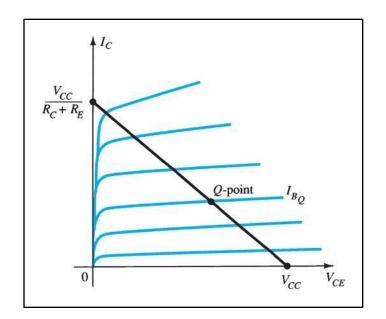
β	$I_B(\mu A)$	$I_{C}(mA)$	$V_{CE}(V)$
50	40,1	2,01	13,97
100	36,3	3,63	9,11



Adding  $R_E$  to the emitter improves the stability of a transistor.

## Saturação do Circuito de Polarização do Emissor





The endpoints can be determined from the load line.

$$V_{CE} = V_{CC}$$
  
 $I_C = 0 \text{ mA}$ 

V<sub>CE</sub> = 
$$V_{CC}$$
  
 $I_{C} = 0 \text{ mA}$ 

$$I_{C} = 0 \text{ mA}$$

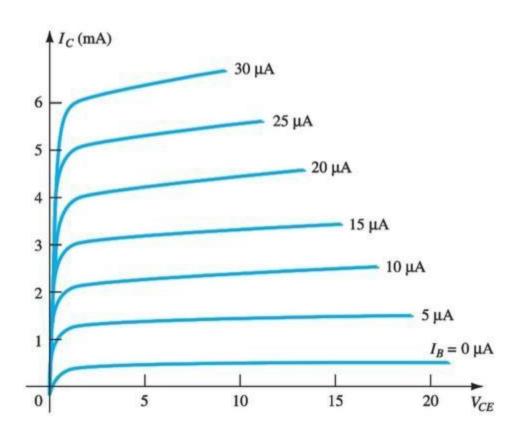
$$I_{C} = \frac{V_{CC}}{R_{C} + R_{E}}$$

A inclusão de R<sub>E</sub> reduz o nível de saturação em relação a polarização fixa usando-se o mesmo resistor de coletor (R<sub>c</sub>)!

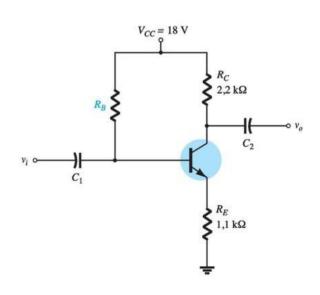
### Análise por Reta de Carga do Circuito de Polarização do Emissor

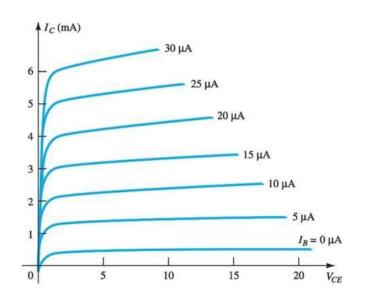
O valor de  $I_{\text{B}}$  determinado pela equação abaixo define o valor de  $I_{\text{B}}$  das curvas caracteristicas mostradas.

$$I_B = \frac{V_{CC} - V_{BE}}{R_B + (\beta + 1)R_E}$$



Exercício 1: Traçar a reta de carga do circuito abaixo nas curvas características do transistor.



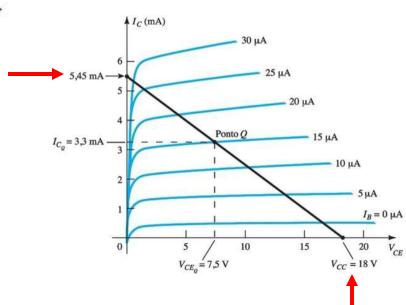


 a) Dois pontos sobre as curvas características são necessários para desenhar a reta de carga.

Em  $V_{CE} = 0$  V:

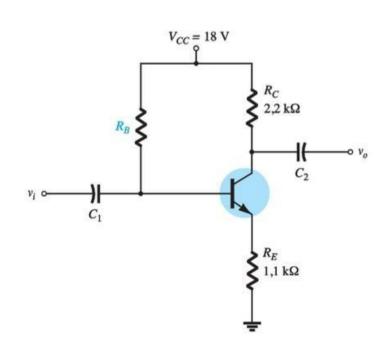
$$I_C = \frac{V_{CC}}{R_C + R_E} = \frac{18 \text{ V}}{2,2 \text{ k}\Omega + 1,1 \text{ k}\Omega}$$
  
=  $\frac{18 \text{ V}}{3,3 \text{ k}\Omega} = 5,45 \text{ mA}$ 

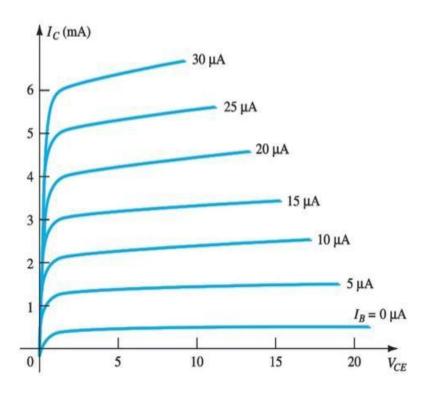
Em  $I_C = 0$  mA:  $V_{CE} = V_{CC} = 18 \text{ V}$ 



### **Exercício 2:** No circuito abaixo, determinar:

- a) A reta de carga do circuito.
- b) Os valores de  $I_{CQ}$  e  $V_{CEQ}$  para um ponto Q na interseção da reta de carga com uma corrente de base de 15 $\mu$ A.
- c) O  $\beta_{DC}$  no ponto Q.
- d) O valor de R<sub>B</sub>



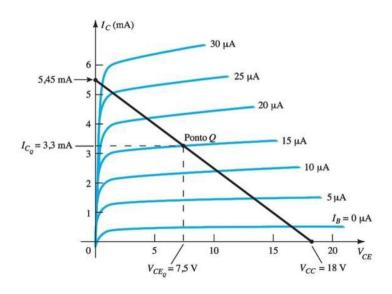


 a) Dois pontos sobre as curvas características são necessários para desenhar a reta de carga.

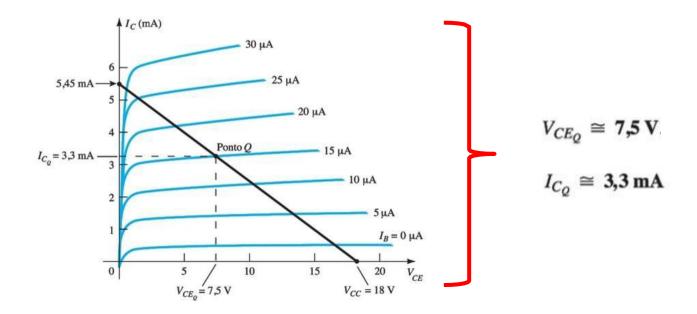
Em 
$$V_{CE} = 0$$
 V:

$$I_C = \frac{V_{CC}}{R_C + R_E} = \frac{18 \text{ V}}{2,2 \text{ k}\Omega + 1,1 \text{ k}\Omega}$$
  
=  $\frac{18 \text{ V}}{3,3 \text{ k}\Omega} = 5,45 \text{ mA}$ 

Em 
$$I_C = 0$$
 mA:  $V_{CE} = V_{CC} = 18$  V

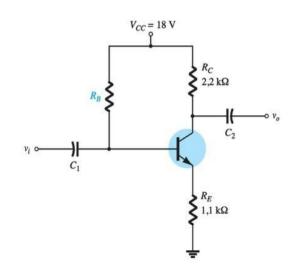


b) Os valores de  $I_{CQ}$  e  $V_{CEQ}$  para um ponto Q na interseção da reta de carga com uma corrente de base de 15 $\mu$ A.



c)  $O \beta_{DC}$  no ponto Q

$$\beta = \frac{I_{C_Q}}{I_{B_Q}} = \frac{3.3 \text{ mA}}{15 \,\mu\text{A}} = 220$$



d) O valor de R<sub>B</sub>

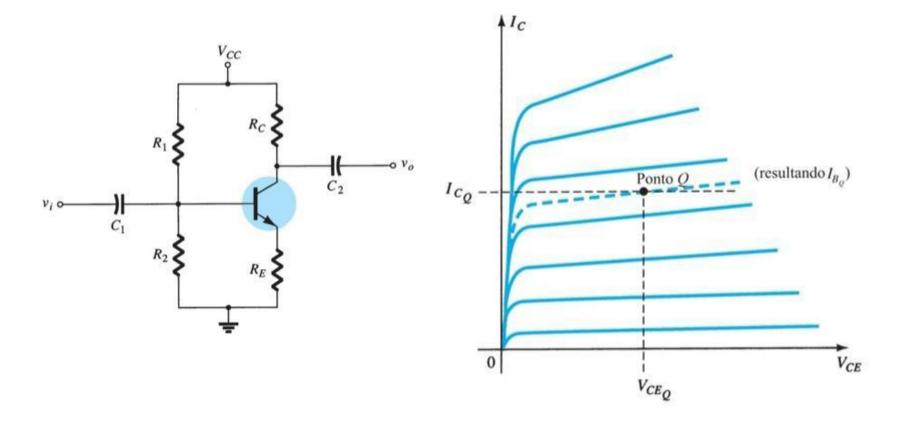
$$I_B = \frac{V_{CC} - V_{BE}}{R_B + (\beta + 1)R_E}$$
  $\longrightarrow$  15  $\mu$ A =  $\frac{17,3 \text{ V}}{R_B + (221)(1,1 \text{ k}\Omega)}$ 

$$R_B + \frac{13,65 \text{ V}}{15 \mu\text{A}} = 910 \text{ k}\Omega$$

## Circuito de Polarização com Divisor de Tensão

## Cálculo da Polarização (Método de Análise)

Circuito de polarização mais usado na prática!

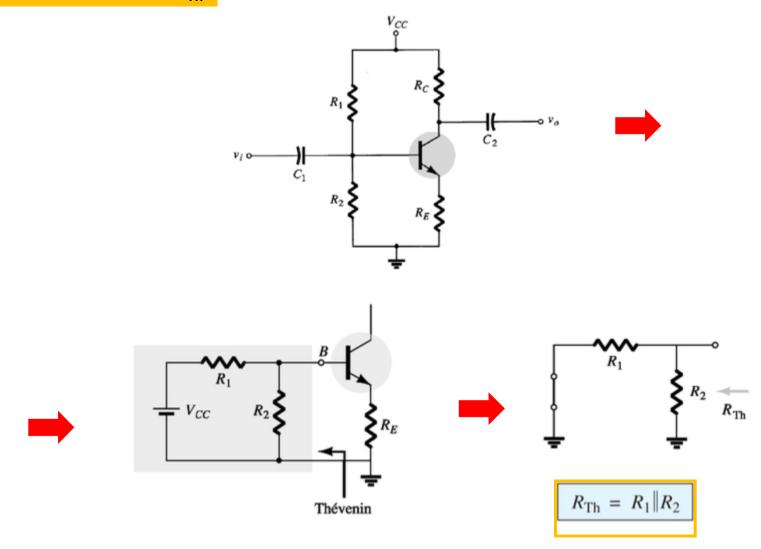


This is a very stable bias circuit!

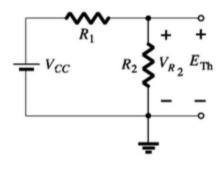
The currents and voltages are nearly independent of any variations in  $\beta$ !

### Usando o Teorema de Thevenin:

### **Determinação de R<sub>Th</sub>**

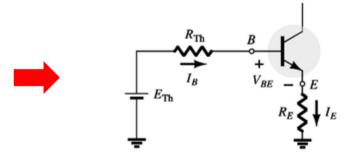


### Determinação de V<sub>Th</sub>





$$E_{\text{Th}} = V_{R_2} = \frac{R_2 V_{CC}}{R_1 + R_2}$$



$$E_{Th} - I_B R_{Th} - V_{BE} - I_E R_E = 0$$

$$I_E = (\beta + 1)I_B$$



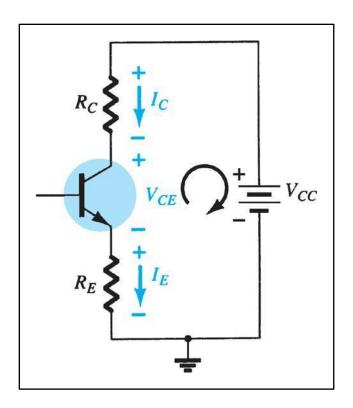
$$I_B = \frac{E_{\text{Th}} - V_{BE}}{R_{\text{Th}} + (\beta + 1)R_E}$$

Uma vez que  $I_B$  é conhecido, as quantidades restantes do circuito podem ser determinadas do mesmo modo que para a configuração de polarização do emissor. Ou seja:

$$I_E R_E + V_{CE} + I_C R_C - V_{CC} = 0$$
  
 $I_E \approx I_C$ 

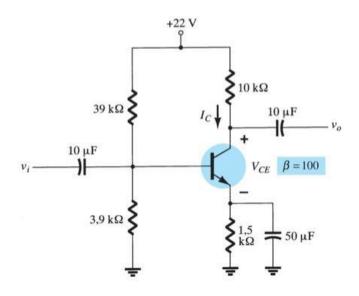


$$V_{CE} = V_{CC} - I_C(R_C + R_E)$$



### **Exemplo de Análise:**

No circuito abaixo determine  $I_B$  ,  $I_C$  e  $V_{CE}$ .



$$R_{\text{Th}} = R_1 \| R_2 = \frac{(39 \,\text{k}\Omega)(3.9 \,\text{k}\Omega)}{39 \,\text{k}\Omega + 3.9 \,\text{k}\Omega} = 3.55 \,\text{k}\Omega$$

$$E_{\text{Th}} = \frac{R_2 V_{CC}}{R_1 + R_2} = \frac{(3.9 \,\text{k}\Omega)(22 \,\text{V})}{39 \,\text{k}\Omega + 3.9 \,\text{k}\Omega} = 2 \,\text{V}$$

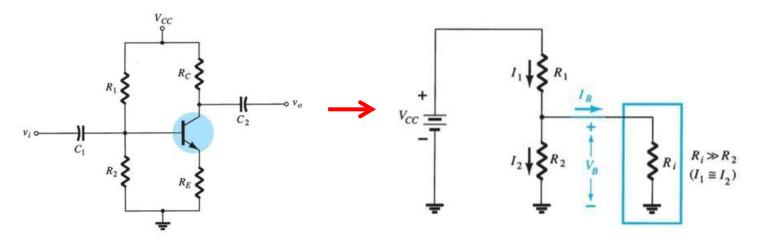
$$I_B = \frac{E_{\text{Th}} - V_{BE}}{R_{\text{Th}} + (\beta + 1)R_E} = 8,38 \ \mu\text{A}$$

$$I_C = \beta I_B = 0.84 \,\mathrm{mA}$$

$$V_{CE} = V_{CC} - I_C(R_C + R_E) = 12,34 \text{ V}$$

## Cálculo Aproximado da Polarização (Método de Análise)

A seção de entrada da configuração por divisor de tensão pode ser representada pelo circuito abaixo à direita. A resistência  $R_i$  é a resistência equivalente entre a base e o terra para um transistor com um resistor de emissor  $R_E$ .



A resistência refletida ( $R_i$ ) entre a base e o emissor é  $R_i$  = ( $\beta$  +1)  $R_E$ .

Se 
$$R_i >> R_2 \longrightarrow I_B << I_2 e I_B \approx 0 \longrightarrow I_1 = I_2. \longrightarrow R_1 e R_2 estarão em série!$$

Como  $R_i = (\beta + 1)R_E \approx \beta R_E$ , a condição que define se o método aproximado pode ser aplicado é  $\beta R_E \ge 10R_2$ .

As seguintes equações são válidas:

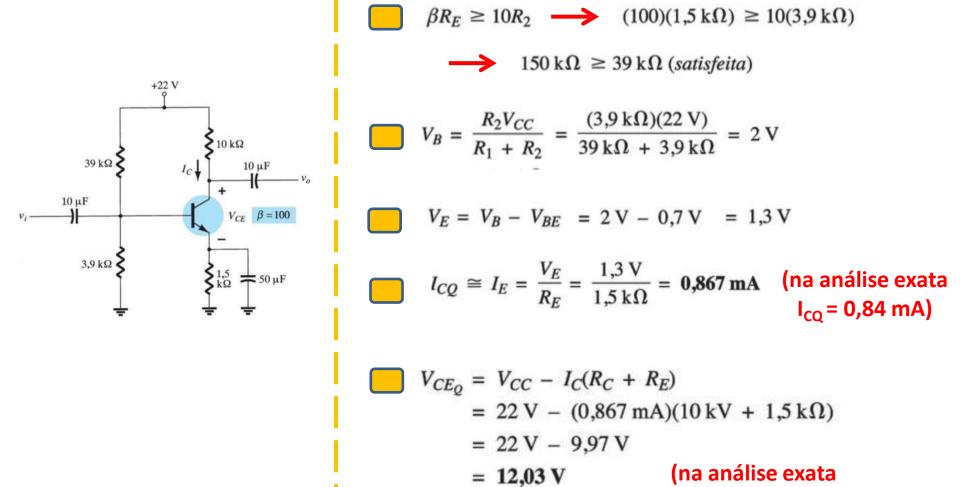
$$V_B = \frac{R_2 V_{CC}}{R_1 + R_2}$$
 (4.32)  $\beta R_E \ge 10 R_2$  (4.33)  $V_E = V_B - V_{BE}$  (4.34)

$$I_{E} = \frac{V_{E}}{R_{E}}$$
 (4.35) 
$$I_{C_{Q}} \cong I_{E}$$
 (4.36) 
$$V_{CE} = V_{CC} - I_{C}R_{C} - I_{E}R_{E}$$
 
$$V_{CE_{Q}} = V_{CC} - I_{C}(R_{C} + R_{E})$$
 (4.37)

Observar que nas equações (4.32) à (4.37)  $\beta$  não aparece.

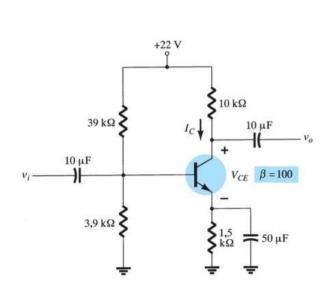
O ponto Q ( $I_{CQ}$  e  $V_{CEQ}$ ) é, portanto, independente de  $\beta$ !

Exercício 1: Repetir a análise de polarização do circuito anterior utilizando a **técnica** aproximada e comparar as soluções para  $I_{CQ}$  e  $V_{CEO}$ .



 $V_{CFO} = 12,34 \text{ V}$ 

Exercício 2: Repetir a **análise exata** de polarização do circuito abaixo para  $\beta$  =50. Compare as soluções para  $I_{CO}$  e e  $V_{CEQ}$ .



$$R_{\rm Th} = 3,55 \, \text{k}\Omega, \quad E_{\rm Th} = 2 \, \text{V}$$

$$I_B = \frac{E_{\text{Th}} - V_{BE}}{R_{\text{Th}} + (\beta + 1)R_E} = \frac{2 \text{ V} - 0.7 \text{ V}}{3,55 \text{ k}\Omega + (51)(1.5 \text{ k}\Omega)}$$
$$= 16,24 \,\mu\text{A}$$

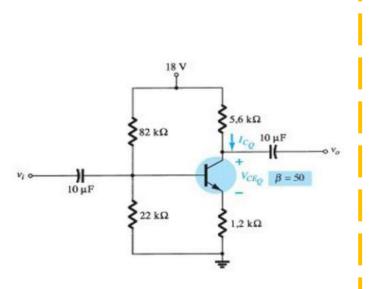
$$I_{C_Q} = \beta I_B = (50)(16,24 \,\mu\text{A}) = 0.81 \,\text{mA}$$

$$V_{CE_Q} = V_{CC} - I_C(R_C + R_E)$$
= 22 V - (0,81 mA)(10 k\Omega + 1,5 k\Omega = 12,69 V

### Estabilidade da polarização em relação à $\beta$ !

β	$I_{c_Q}(mA)$	$V_{CE_Q}(V)$
100	0,84 mA	12,34 V
50	0,81 mA	12,69 V

Exercício 3: Determine  $I_{CQ}$  e  $V_{CEQ}$  para o circuito abaixo utilizando as técnicas exata e aproximada.



### **Análise Exata**

$$\beta R_E \ge 10R_2 \longrightarrow (50)(1.2 \,\mathrm{k}\Omega) \ge 10(22 \,\mathrm{k}\Omega)$$

 $60 \,\mathrm{k}\Omega \,\not\equiv\, 220 \,\mathrm{k}\Omega$ 

### **NÃO SATISFEITA!**

$$R_{\text{Th}} = R_1 \| R_2 = 82 \,\mathrm{k}\Omega \| 22 \,\mathrm{k}\Omega = 17,35 \,\mathrm{k}\Omega$$

$$E_{\text{Th}} = \frac{R_2 V_{CC}}{R_1 + R_2} = \frac{22 \,\mathrm{k}\Omega (18 \,\mathrm{V})}{82 \,\mathrm{k}\Omega + 22 \,\mathrm{k}\Omega} = 3,81 \,\mathrm{V}$$

$$I_B = \frac{E_{\text{Th}} - V_{BE}}{R_{\text{Th}} + (\beta + 1)R_E} = \frac{3,81 \text{ V} - 0.7 \text{ V}}{17,35 \text{ k}\Omega + (51)(1,2 \text{ k}\Omega)}$$
$$= 39,6 \,\mu\text{A}$$

$$I_{C_0} = \beta I_B = (50)(39,6 \,\mu\text{A}) = 1,98 \,\text{mA}$$

$$V_{CE_Q} = V_{CC} - I_C(R_C + R_E)$$
= 18 V - (1,98 mA)(5,6 k\Omega + 1,2 k\Omega) = 4,54 V

### **Análise Aproximada**

$$V_B = E_{\rm Th} = 3.81 \, {\rm V}$$

$$V_E = V_B - V_{BE} = 3,81 \text{ V} - 0.7 \text{ V} = 3,11 \text{ V}$$

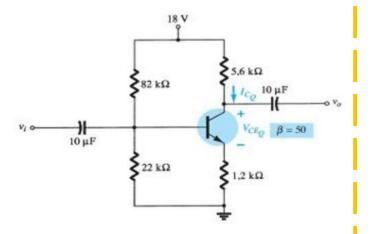
$$I_{C_Q} \cong I_E = \frac{V_E}{R_E} = \frac{3,11 \text{ V}}{1,2 \text{ k}\Omega} = 2,59 \text{ mA}$$

$$V_{CE_Q} = V_{CC} - I_C(R_C + R_E)$$
= 18 V - (2,59 mA)(5,6 k\Omega + 1,2 k\Omega) = **3.88 V**

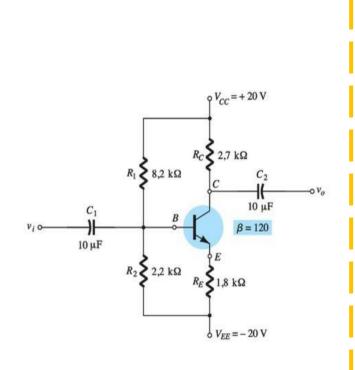
### Comparação dos métodos exato e aproximado

	$I_{c_Q}(mA)$	$V_{CE_Q}(V)$
Exato	1,98	4,54
Aproximado	2,59	3,88

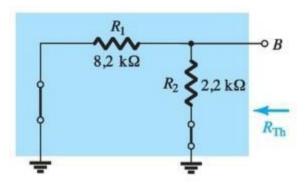
Quando a condição  $\beta R_2 >> 10R_2$  não é satisfeita os resultados das análises exata e aproximada são muito diferentes !



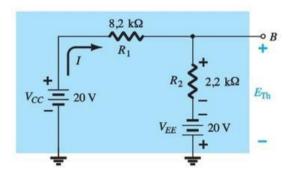
**Exercício 4:** Determine V<sub>C</sub> e V<sub>B</sub> no circuito abaixo



A resistência e a tensão de Thevenin devem ser determinadas:

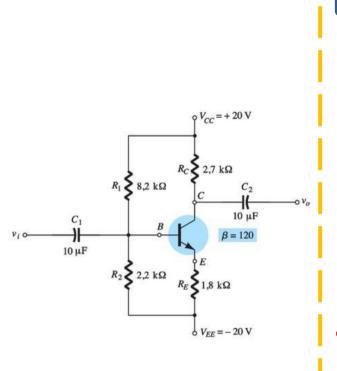


$$R_{\rm Th} = 8.2 \,\mathrm{k}\Omega \,\|\, 2.2 \,\mathrm{k}\Omega = 1.73 \,\mathrm{k}\Omega$$



$$I = \frac{V_{CC} + V_{EE}}{R_1 + R_2} = \frac{20 \text{ V} + 20 \text{ V}}{8,2 \text{ k}\Omega + 2,2 \text{ k}\Omega} = 3,85 \text{ mA}$$

$$E_{\text{Th}} = IR_2 - V_{EE} = (3.85 \text{ mA})(2.2 \text{ k}\Omega) - 20 \text{ V} = -11.53 \text{ V}$$



### O circuito pode ser redesenhado

$$E_{Th} = 11,53 \text{ V}$$

$$V_{EE} = -20 \text{ V}$$

$$E_{E} = -20 \text{ V}$$

$$-E_{\rm Th} - I_{\rm B}R_{\rm Th} - V_{\rm BE} - I_{\rm E}R_{\rm E} + V_{\rm EE} = 0$$

mas 
$$I_E = (\beta + 1)I_B$$

$$V_{EE} - E_{Th} - V_{BE} - (\beta + 1)I_BR_E - I_BR_{Th} = 0$$

$$I_B = \frac{V_{EE} - E_{Th} - V_{BE}}{R_{Th} + (\beta + 1)R_E} = \frac{20 \text{ V} - 11,53 \text{ V} - 0,7 \text{ V}}{1,73 \text{ k}\Omega + (121)(1,8 \text{ k}\Omega)} = 35,39 \,\mu\text{A}$$

$$I_C = \beta I_B = (120)(35,39 \,\mu\text{A}) = 4,25 \,\text{mA}$$

$$V_C = V_{CC} - I_C R_C = 20 \text{ V} - (4,25 \text{ mA})(2,7 \text{ k}\Omega) = 8,53 \text{ V}$$

$$V_B = -E_{\text{Th}} - I_B R_{\text{Tl}} = -(11,53 \text{ V}) - (35,39 \,\mu\text{A})(1,73 \text{ k}\Omega)$$
  
= -11,59 V

# Polarização por Divisor de Tensão Saturação e Análise de Reta de Carga

### Saturação

$$I_{Csat} = I_{Cmax} = \frac{V_{CC}}{R_C + R_E}$$

### Análise por Reta de Carga

Mesmo circuito de saída da configuração com polarização de emissor.

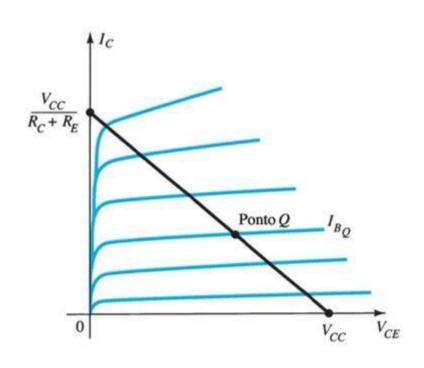
### Corte

$$V_{CE} = V_{CC}$$
 $I_C = 0 \text{ mA}$ 

### Saturação

$$I_C = \frac{V_{CC}}{R_C + R_E}$$

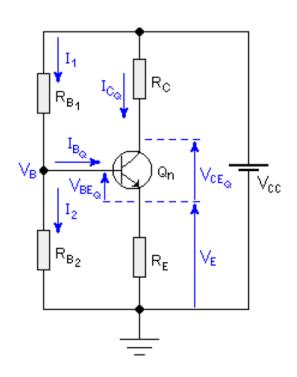
$$V_{CE} = 0 \text{ V}$$



## Fator de Estabilidade e Projeto (Sintese) de um Circuito de Polarização de com Divisor de Tensão

#### Fator de Estabilidade (S)

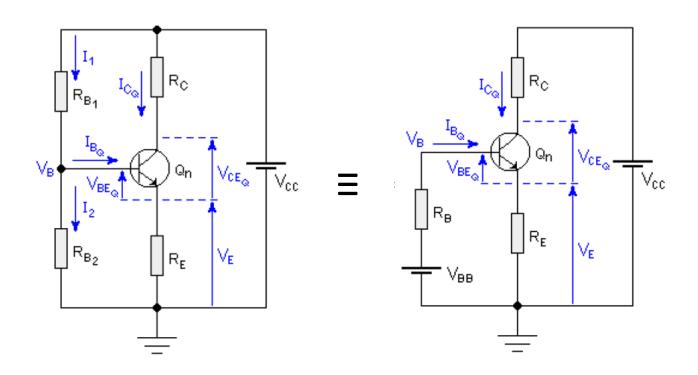
É possível determinar se um circuito de polarização para o BJT é estável termicamente e razoavelmente independente dos parâmetros internos do dispositivo. A Figura abaixo apresenta o circuito de polarização mais usado na prática. Pela análise da relação de dependência do ponto de repouso com os parâmetros internos, concluise que mais estável será esse ponto quanto maior for o resistor R<sub>E</sub> e menor for o resistor R<sub>B</sub>. O fator de estabilidade S, dado pela equação abaixo, define as faixas de maior ou menor estabilidade do circuito.



$$S \approx 1 + \frac{R_B}{R_E}$$

1 < S ≤ 10 ⇒ pontos de polarização superestáveis.</li>
 10 < S ≤ 20 ⇒ pontos de polarização estáveis.</li>
 20 < S ≤ 30 ⇒ pontos de polarização pouco estáveis.</li>
 S > 30 ⇒ pontos de polarização instáveis.

#### Cálculo da Polarização (Síntese)



- 1 Escolher  $V_{CC}$  (3  $V \le V_{CC} \le V_{CEmax}$ ).
- Escolher  $I_{CQ}$  (10  $\mu A \le I_{CQ} \le 10 \text{ mA}$ ).
- Escolher  $V_E$  ( $V_E = \eta V_{CC}$ )  $0.05 \le \eta \le 0.2$ ; sendo  $\eta_{tip} = 0.1$  p/ EC e BC.  $0.25 \le \eta \le 0.75$ ; sendo  $\eta_{tip} = 0.5$  p/ CC.
- 4 Calcular  $R_E$ :

$$R_E \approx \frac{V_E}{I_{C_O}}$$



Arredondar  $R_E$  para o valor comercial mais próximo.

- 5 Escolhar S (usar os critérios de estabilidade)
- 6 Calcular  $R_B$ :

$$R_{B} = (S-1) \times R_{E}$$

Calcular  $V_{BB}$ :

$$V_{\mathit{BB}} = \frac{\left(\beta + 1\right) \times R_{\mathit{E}} + R_{\mathit{B}}}{\beta} I_{\mathit{C_{\mathcal{Q}}}} + V_{\mathit{BE_{\mathcal{Q}}}}$$

Calcular  $R_{B1}$ :

$$R_{B1} = \frac{V_{CC}}{V_{BB}} R_B$$

Arredondar R<sub>B1</sub> para o valor comercial mais próximo.

Calcular  $R_{B2}$ :

$$R_{B} = \frac{R_{B1} \times R_{B2}}{R_{B1} + R_{B2}}$$



Arredondar  $R_{B2}$  para o valor comercial mais próximo.

Recalcular  $R_B$  e  $I_{CO}$  em função dos valores de  $R_{B1}$ ,  $R_{B2}$  e  $R_E$  arredondados:

$$R_{B} = \frac{R_{B1} \times R_{B2}}{R_{B1} + R_{B2}}$$

$$(\frac{V_{CC}}{R} - \frac{V_{BE_{Q}}}{R}) \times R_{B} \times \beta$$

 $I_{C_Q} = \frac{(\frac{V_{CC}}{R_{B1}} - \frac{V_{BE_Q}}{R_B}) \times R_B \times \beta}{R_B + r + (\beta + 1) \times R_E} + S \times I_{CBo}$ 

Obs.:  $I_{CBo}$  pode ser considerada desprezível em temperaturas ambientes situadas na faixa:  $10 \, \text{C} \le \theta \le 30 \, \text{C}$  e  $r_x$ , que é a resistência interna de perdas de base, normalmente também é considerada nula em cálculos manuais.

Calcular  $R_C$ :
Para  $EC \in BC$ :  $R_C = \frac{V_{CC} - V_{CE_Q} - \left(\frac{\beta + 1}{\beta}\right) \times R_E \times I_{C_Q}}{I}$   $V_{CE_Q} \approx \frac{1 - \eta}{2} V_{CC}$ 

 $\Rightarrow$  Arredondar  $R_C$  para o valor comercial mais próximo.

Para CC:  $R_C = 0$ 

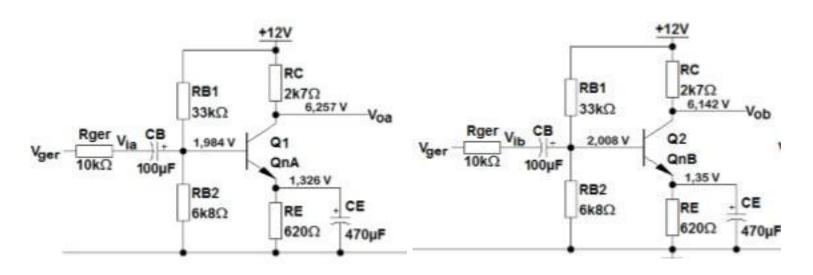
Calcular V<sub>CEQ</sub>

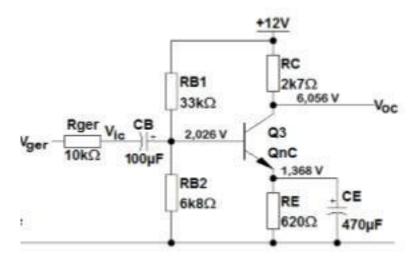
$$V_{CE_{\mathcal{Q}}} = V_{CC} - \left(R_C + \frac{\beta + 1}{\beta}R_E\right) \times I_{C_{\mathcal{Q}}}$$

# Exemplos de Estabilidade da Polarização por Divisor de Tensão

#### **Exemplo 1**

Os circuitos abaixo foram implementados com 3 BJT's distintos. Apesar deles possuírem fatores de amplificação de corrente com valores muito desiguais ( $180 \le \beta \le 520$ ), sendo o fator de estabilidade S=10, os pontos quiescentes permanecem muito próximos e estáveis.







A Tabela abaixo mostra os resultados da simulação desses circuitos.

Variação da Polarização em função de eta

	QnA	QnB	QnC	BC548A	BC548B	BC548C
$I_{B}\left[ \mu \mathbf{A}\right]$	11,80	7,49	4,26	11,70	7,44	4,24
$I_{C}$ [mA]	2,13	2,17	2,20	2,13	2,17	2,20
$V_{BE}\left[ \mathrm{V} ight]$	0,658	0,658	0,659	0,658	0,658	0,659
$V_{BC}\left[ \mathrm{V}  ight]$	-4,27	-4,13	-4,03	-4,27	-4,13	-4,03
$V_{CE}\left[ \mathrm{V} ight]$	4,93	4,79	4,69	4,93	4,79	4,69
$\beta_{DC}$	180	290	517	181	292	520



O grande intervalo de variação de  $\beta$  pouca afeta os valores de  $I_C$  e  $V_{CE}$ !

### Exemplo 2 Cálculo de Sintese e de Estabilidade de Amplificador Emissor Comum

a) Polarizar o transistor de um amplificador emissor comum de modo que as seguintes condições sejam satisfeitas @ 25 °C :  $I_{CQ}$  =100  $\mu$  A ± 2%,  $V_{CEQ}$  = 5,4 V ± 2%, S = 9,5 ± 10%,  $R_{B1a} \le 0.2R_{B1}$ 

#### **OBS**:

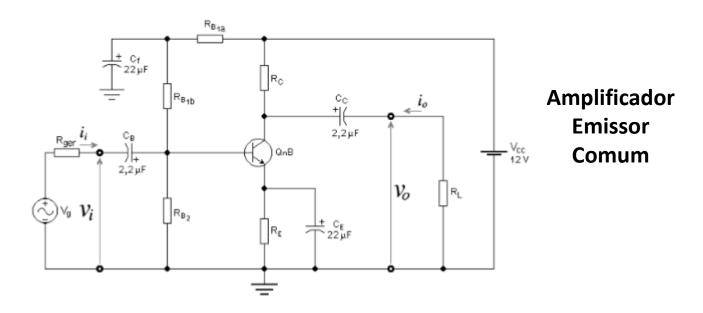
O modelo de Gummel – Poon será apresentado na análise AC dos amplificadores com BJT. Através das equações desse modelo mostra-se que para a polarização desejada os valores calculados de  $\beta$  e  $V_{BE}$  são:  $\beta$  = 291,957 e  $V_{BE}$  = 0,58271V .

Da tabela 1 observa-se que o transistor  $Q_{nB}$  é semelhante ao transistor BC548B:

Tabela 1 – Parâmetros DC do transistor Q<sub>n</sub>C

	QnA	QnB	QnC	BC548A	BC548B	BC548C
$I_{B}\left[ \mu \mathbf{A}\right]$	11,80	7,49	4,26	11,70	7,44	4,24
$I_{C}\left[ \mathrm{mA}\right]$	2,13	2,17	2,20	2,13	2,17	2,20
$V_{BE}\left[ \mathrm{V} ight]$	0,658	0,658	0,659	0,658	0,658	0,659
$V_{BC}\left[ \mathrm{V} ight]$	-4,27	-4,13	-4,03	-4,27	-4,13	-4,03
$V_{CE}\left[ \mathrm{V}  ight]$	4,93	4,79	4,69	4,93	4,79	4,69
$\beta_{DC}$	180	290	517	181	292	520

b) Calcular o espalhamento do ponto quiescente calculado no item a, sabendo-se que na fabricação em série o transistor  $Q_nB$  pode apresentar o seguinte espalhamento de parâmetros @ 25 °C:  $180 \le \beta \le 525$  e 0,57 V  $\le V_{BF} \le 0,59$  V.



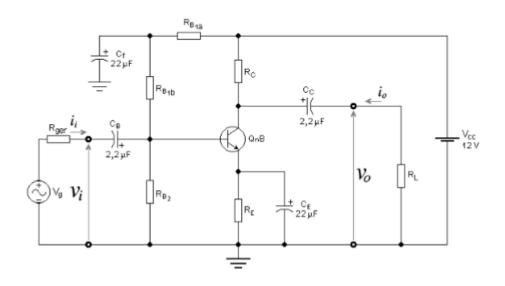
<u>**OBS**</u>: O divisor de tensão optativo,  $R_{B1a}$  e  $R_{B1}$ b, juntamente com o capacitor  $C_f$ , formam um filtro que evita que ruídos da fonte de alimentação atinjam a base do transistor e possam ser amplificados por ele.

#### Cálculo da Polarização

Escolher  $V_{CC}$  (3  $V \le V_{CC} \le V_{CEmax}$ ).  $V_{CC} = 12 V$ 

Escolher 
$$I_{CQ}$$
 (10  $\mu A \le I_{CQ} \le 10 \text{ mA}$ ).
$$I_{CQ} = 100 \mu A$$

Escolher  $V_E (V_E = \eta V_{CC})$   $0.05 \le \eta \le 0.2$ ; sendo  $\eta_{tip} = 0.1$  p/ EC e BC.  $0.25 \le \eta \le 0.75$ ; sendo  $\eta_{tip} = 0.5$  p/ CC.



Considerando que o circuito é um emissor comum, resulta na escolha de  $\eta_{tip}$  = 0,1  $V_E$  = 1,2 V

4 Calcular  $R_E$ :

$$R_{E} = \frac{V_{E}}{I_{CQ}} \frac{\beta}{\beta + 1} \longrightarrow R_{E} \approx \frac{V_{E}}{I_{C_{Q}}} \longrightarrow R_{E} = \frac{1,2}{100 \times 10^{-6}} \times \frac{291,957}{292,957} = 11959 \quad [\Omega] \longrightarrow R_{E} = 12 \text{ K}\Omega$$

5 Escolher S:

$$S = 9,5$$

6 Calcular  $R_B$ :

$$R_B = (S-1) \times R_E = (9,5-1) \times 12000 = 102$$
 [k\O]

7 Calcular  $V_{BB}$ :

$$V_{BB} = \frac{(\beta + 1) \times R_E + R_B}{\beta} \times I_{CQ} + V_{BEQ} = \frac{292,957 \times 12k + 102k}{291,957} \times 100\mu + 0,58271 = 1,82 \quad [V]$$

8 Cálculo de R<sub>B1</sub>

$$R_{B1} = \frac{V_{CC}}{V_{RB}} \times R_B = \frac{12}{1,82} \times 102k = 671,9 \text{ [k}\Omega]$$

9 Cálculo de R<sub>B2</sub>

Cálcular R<sub>B1</sub>

$$R_{B1a} + R_{B1b} = R_{B1} = 671,9$$
 [k $\Omega$ ]

$$R_{B1a} \le 0.2 \times R_{B1} = 0.2 \times 671.9 = 134.38$$
 [k\O]

$$R_{B1b} \ge R_{B1} - R_{B1a} = 671.9k - 134.38 = 537.52 \text{ [k}\Omega]}$$
  $R_{B1b} = 560 \text{ K}\Omega$ 

$$R_{B1a} = R_{B1} - R_{B1b} = 671.9k - 560k = 111.9$$
 [k\O]  $R_{B1a} = 120 \text{ KO}$ 

Na análise CC o capacitor  $C_F$  entre  $R_{B1a}$  e  $R_{B1b}$  é um circuito aberto. Logo:

$$R_{B1} = R_{B1a} + R_{B1b} = 120 \text{ k}\Omega + 560 \text{ K}\Omega = 680 \text{ K}\Omega$$

Cálcular R<sub>B2</sub>

$$R_{B2} = \frac{R_{B1} \times R_B}{R_{B1} - R_B} = \frac{680k \times 102k}{680k - 102k}$$
  $R_{B2} = 120 \text{ K}\Omega$ 

Recalcular  $R_B$  e  $I_{CQ}$  em função dos valores de  $R_{B1}$ ,  $R_{B2}$  e  $R_E$  arredondados:

$$R_{B} = \frac{R_{B1} \times R_{B2}}{R_{B1} + R_{B2}}$$

$$R_{B} = \frac{680k \times 120k}{680k + 120k} = 102 \quad [k\Omega]$$

$$I_{C_{Q}} = \frac{(\frac{V_{CC}}{R_{B1}} - \frac{V_{BE_{Q}}}{R_{B}}) \times R_{B} \times \beta}{R_{B} + r_{x} + (\beta + 1) \times R_{E}} + S \times I_{CB_{0}} = \frac{\left(\frac{12}{680k} - \frac{0.58271}{102k}\right) \times 102k \times 291,957}{102k + 292,957 \times 12k}$$

$$I_{CQ} = 98,244 \,\mu\text{A}$$

$$(\approx 0)$$

1

Calcular R<sub>C</sub>:

Para uma polarização em Classe A, com o ponto quiescente aproximadamente no centro da reta de carga, deve-se fazer:  $V_{CEQ} = (V_{CC} - V_E)/2 = (12-1,2)/2 = 5,4V$ . Então, para um amplificador BC:

$$R_{C} = \frac{V_{CC} - V_{CEQ} - \frac{\beta + 1}{\beta} R_{E} I_{CQ}}{I_{CQ}} = \frac{12 - 5.4 - \frac{292,957}{291,957} \times 12k \times 98,244\mu}{98,244\mu} = 55,14 \text{ [k$\Omega]} \longrightarrow R_{C} = 56 \text{ K}\Omega$$

$$V_{CEQ} = V_{CC} - \left(\frac{\beta + 1}{\beta} \times R_E + R_C\right) \times I_{CQ} = 12 - \left(\frac{292,957}{291,957} \times 12k + 56k\right) \times 98,244\mu \quad \longrightarrow \quad V_{CEQ} = 5,3154 \text{ V}$$

Observar que:  $V_{CE_Q} \approx \frac{1-\eta}{2} V_{CC} = 5.4V$ 

#### Cálculo da Espalhamento do Ponto Quiescente

Considerando que  $V_E = V_B - V_{BE}$  e que  $I_E = V_E / R_E$ , a máxima corrente de coletor ocorre quando  $\beta = \beta_{max}$  e  $V_{BE} = V_{BEmin}$ :

$$I_{C_{Q}} = \frac{(\frac{V_{CC}}{R_{B1}} - \frac{V_{BE_{Q}}}{R_{B}}) \times R_{B} \times \beta}{R_{B} + r_{x} + (\beta + 1) \times R_{E}} + S \times I_{CB_{0}}$$

$$I_{C \max} = \frac{\left(\frac{12}{680k} - \frac{0.57}{102k}\right) \times 102k \times 525}{102k + 526 \times 12k} = 100,68 \quad [\mu A]$$

$$(\approx 0)$$

$$V_{CE_{Q}} = V_{CC} - \left(R_{C} + \frac{\beta + 1}{\beta}R_{E}\right) \times I_{C_{Q}} \longrightarrow V_{CE \min} = 12 - \left(\frac{526}{525} \times 12k + 56k\right) \times 100,68\mu = 5,15 \quad [V]$$

Considerando que  $V_E = V_B - V_{BE}$  e que  $I_E = V_E / R_E$ , a mínima corrente de coletor ocorre quando  $\beta = \beta_{min}$  e  $V_{RE} = V_{REmax}$ :

$$I_{C_{Q}} = \frac{(\frac{V_{CC}}{R_{B1}} - \frac{V_{BE_{Q}}}{R_{B}}) \times R_{B} \times \beta}{R_{B} + r_{x} + (\beta + 1) \times R_{E}} + S \times I_{CB_{0}} \qquad I_{C \min} = \frac{\left(\frac{12}{680k} - \frac{0.59}{102k}\right) \times 102k \times 180}{102k + 181 \times 12k} = 95.78 \quad [\mu A]$$

$$V_{CE_{Q}} = V_{CC} - \left(R_{C} + \frac{\beta + 1}{\beta}R_{E}\right) \times I_{C_{Q}} \qquad V_{CE \max} = 12 - \left(\frac{182}{181} \times 12k + 56k\right) \times 95.78\mu = 5.48 \quad [V]$$

Do espalhamento resulta:

95,78 
$$\mu$$
A  $\leq$  I<sub>C</sub>  $\leq$  100,68  $\mu$ A 5,15 V  $\leq$  V<sub>CF</sub>  $\leq$  5.48 V

Constata-se que mesmo para uma variação de  $\beta$  da ordem de 200%, o ponto quiescente permanece bem estável, resultando  $I_{CQ}$  com uma variação total da ordem de 5%, que está dentro da tolerância de valores dos resistores comerciais comuns.

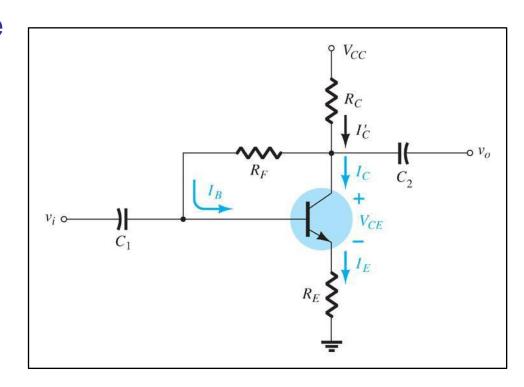
O divisor de tensão optativo,  $R_{B1a}$  e  $R_{B1b}$ , juntamente com o capacitor  $C_f$ , formam um filtro que evita que ruídos da fonte de alimentação atinjam a base do transistor e possam ser por ele amplificados.

# Circuito de Polarização com Realimentação de Coletor

### DC Bias With Voltage Feedback

Another way to improve the stability of a bias circuit is to add a feedback path from collector to base.

In this bias circuit the Q-point is only slightly dependent on the transistor  $\beta$ .



#### **Base - Emitter Loop**

#### From Kirchoff's voltage law:

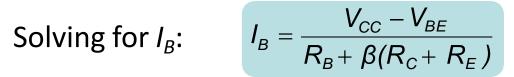
$$V_{CC} - I_C' R_C - I_B R_B - V_{BE} - I_E R_E = 0$$

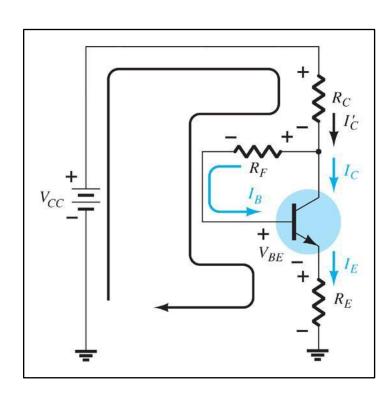
Where  $I_B \ll I_C$ :

$$I'_C = I_C + I_B \cong I_C$$

Knowing  $I_C = \mathbb{Z}I_B$  and  $I_E \mathbb{Z}I_C$ , the loop equation becomes:

$$V_{CC} - \beta I_B R_C - I_B R_B - V_{BE} - \beta I_B R_E = 0$$





#### **Base - Emitter Loop**

$$I_{B} = \frac{V_{CC} - V_{BE}}{R_{B} + \beta (R_{C} + R_{E})}$$

Esse resultado é parecido com as equações de  $I_B$  obtidas nas configurações anteriores. O numerador é novamente a diferença de tensões disponíveis e o denominador é a resistência de base mais os resistores de coletor e emissor refletidos por  $\beta$ . De modo geral a realimentação resulta na reflexão das resistências  $R_C$  e  $R_E$  de volta para o circuito de entrada

Normalmente a equação de I<sub>B</sub> tem o seguinte formato:

$$I_B = \frac{V'}{R_F + \beta R'}$$

Na polarização fixa  $\beta$ R` não existe

Na polarização com emissor  $(\beta + 1) \approx \beta$  e R'= R<sub>E</sub>.

#### **Base - Emitter Loop**

$$I_{C} = \beta I_{B}, \qquad I_{C_{Q}} = \frac{\beta V'}{R_{F} + \beta R'} = \frac{V'}{\frac{R_{F}}{\beta} + R'}$$

$$\text{Se R'} >> (R_{F}/\beta) \qquad I_{C_{Q}} \cong \frac{V'}{R'}$$

O resultado é uma equação com ausência de  $\beta$ .

Visto que R` costuma ser maior para a configuração com realimentação de tensão do que para a polarização do emissor, a sensibilidade a variações de  $\beta$  é menor.

Para a polarização fixa R'= 0 e, portanto, muito sensível a variações de  $\beta$ .

#### **Collector - Emitter Loop**

#### Kirchoff's voltage law:

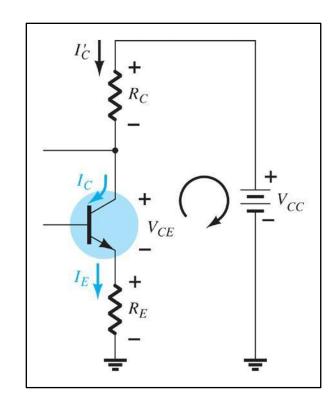
$$I_E + V_{CE} + I'_C R_C - V_{CC} = 0$$

Since  $I'_C \cong I_C$  and  $I_C = \beta I_B$ :

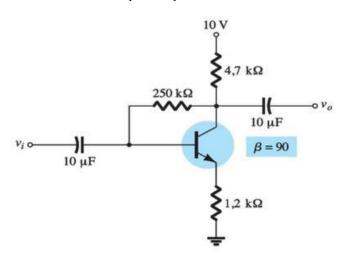
$$I_C(R_C + R_E) + V_{CE} - V_{CC} = 0$$

Solving for V<sub>CE</sub>:

$$V_{CF} = V_{CC} - I_C(R_C + R_F)$$



**Exemplo 1:** Determine  $V_{CEQ}$  e  $I_{EQ}$  para o circuito abaixo.

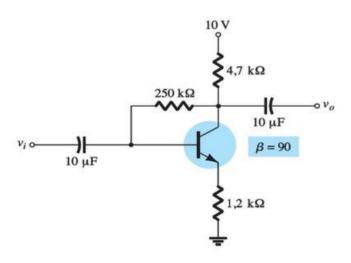


$$I_B = \frac{V_{CC} - V_{BE}}{R_F + \beta(R_C + R_E)} = \frac{10 \text{ V} - 0.7 \text{ V}}{250 \text{ k}\Omega + (90)(4.7 \text{ k}\Omega + 1.2 \text{ k}\Omega)} = 11.91 \,\mu\text{A}$$

$$I_{C_O} = \beta I_B = (135)(8,89 \,\mu\text{A}) = 1,2 \,\text{mA}$$

$$V_{CE_Q} = V_{CC} - I_C(R_C + R_E) = 10 \text{ V} - (1,07 \,\mu\text{A})(4,7 \,\text{k}\Omega + 1,2 \,\text{k}\Omega) = 3,69 \,\text{V}$$

Exemplo 2: Repita o exercício anterior para  $\beta = 135$ .



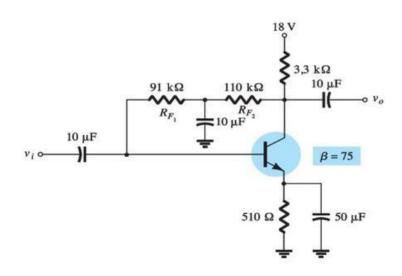
$$I_B = \frac{V_{CC} - V_{BE}}{R_F + \beta(R_C + R_E)} = \frac{10 \text{ V} - 0.7 \text{ V}}{250 \text{ k}\Omega + (135)(4.7 \text{ k}\Omega + 1.2 \text{ k}\Omega)} = 8,89 \,\mu\text{A}$$

$$I_{C_O} = \beta I_B = (90)(11,91 \,\mu\text{A}) = 1,07 \,\text{mA}$$

$$V_{CE_Q} = V_{CC} - I_C(R_C + R_E) = 10 \text{ V} - (1.2 \text{ mA})(4.7 \text{ k}\Omega + 1.2 \text{ k}\Omega) = 2.92 \text{ V}$$

Exemplo 3:

Determine o valor CC para  $I_B e V_c$  do circuito abaixo.



No modo CC o capacitor é um circuito aberto e  $R_B = R_{F1} + R_{F2}$ 

$$I_B = \frac{V_{CC} - V_{BE}}{R_F + \beta (R_C + R_E)} = \frac{18 \text{ V} - 0.7 \text{ V}}{(91 \text{ k}\Omega + 110 \text{ k}\Omega) + (75)(3.3 \text{ k}\Omega + 0.51 \text{ k}\Omega)} = 35.5 \,\mu\text{ A}$$

$$I_{C_Q} = \beta I_B = (75)(35.5 \,\mu\text{A}) = 2.66 \,\text{mA}$$

$$V_C = V_{CC} - I_C' R_C \cong V_{CC} - I_C R_C = 18 \text{ V} - (2,66 \text{ mA})(3,3 \text{ k}\Omega) = 9,22 \text{ V}$$

# Polarização com Realimentação de Coletor Saturação e Análise de Reta de Carga

#### **Transistor Saturation Level**

$$I_{Csat} = I_{Cmax} = \frac{V_{CC}}{R_C + R_E}$$

#### Load Line Analysis

#### **Cutoff**

$$V_{CE} = V_{CC}$$
 $I_C = 0 mA$ 

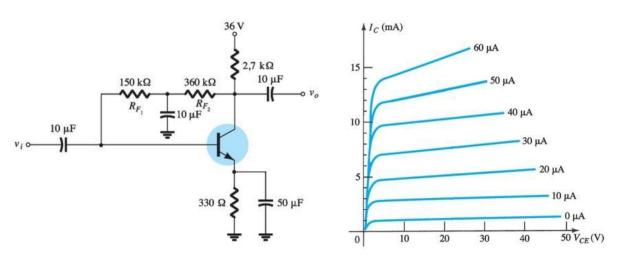
#### **Saturation**

$$I_C = \frac{V_{CC}}{R_C + R_E}$$
$$V_{CE} = 0V$$

São as mesmas equações das configurações de polarização com divisor de tensão e polarização de emissor!

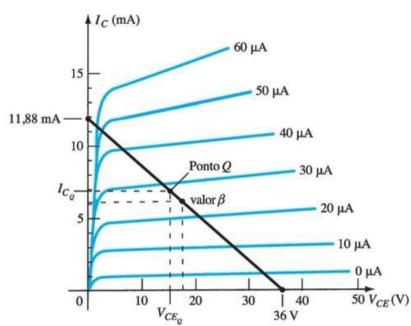
#### Exemplo 4:

No circuito abaixo são conhecidas as curvas características do transistor. Trace a reta de carga para o circuito sobre as curvas características.

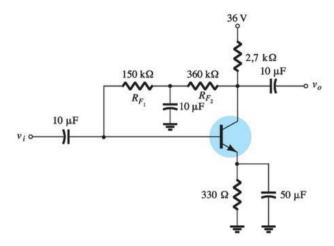


$$V_{CE} = 0 \text{ V}: I_C = \frac{V_{CC}}{R_C + R_E}$$
  
=  $\frac{36 \text{ V}}{2.7 \text{ k}\Omega + 330 \Omega} = 11.88 \text{ mA}$ 

$$I_C = 0 \text{ mA}$$
:  $V_{CE} = V_{CC} = 36 \text{ V}$ 



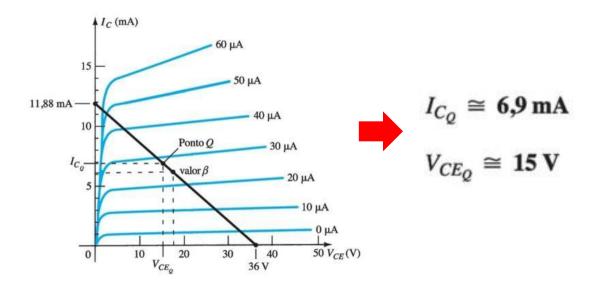
#### Exemplo 5:



Calcule I<sub>B</sub>

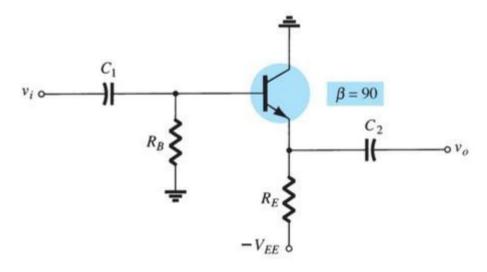
$$I_B = \frac{V_{CC} - V_{BE}}{R_B + \beta(R_C + R_E)} = \frac{36 \text{ V} - 0.7 \text{ V}}{510 \text{ k}\Omega + 248(2.7 \text{ k}\Omega + 330 \Omega)} = 28 \,\mu\text{ A}$$

Determine os valores quiescentes com base na curva característica.



### Circuito de Polarização Seguidor de Emissor

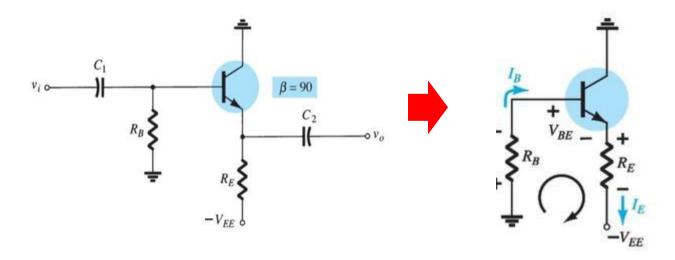
Nos circuitos anteriores de polarização a tensão de saída é retirada do terminal coletor do BJT. Na polarização seguidor de emissor a saída é retirada do terminal emissor, conforme figura abaixo.



Circuito de Polarização Seguidor de Emissor

Os circuitos de polarização anteriores pode ter o sinal retirado do terminal emissor desde que haja um resistor no ramo emissor.

O equivalente CC do circuito é mostrado abaixo.



#### Malha de Entrada

Aplicando-se a lei de Kirhchhoff obtem-se:

$$-I_BR_B - V_{BE} - I_ER_E + V_{EE} = 0$$

mas 
$$I_E = (\beta + 1)I_B$$
  $\longrightarrow$   $I_B R_B + (\beta + 1)I_B R_E = V_{EE} - V_{BE}$ 

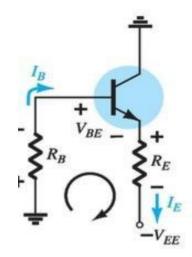
$$I_B = \frac{V_{EE} - V_{BE}}{R_B + (\beta + 1)R_E}$$
 (4.44)

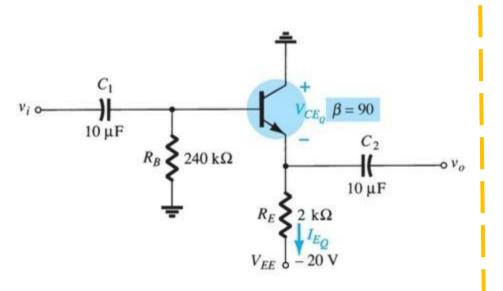
#### Malha de Saída

Aplicando-se a lei de Kirhchhoff obtem-se:

$$-V_{CE} - I_{E}R_{E} + V_{EE} = 0 \longrightarrow$$

$$V_{CE} = V_{EE} - I_E R_E \tag{4.45}$$





$$I_B = \frac{V_{EE} - V_{BE}}{R_B + (\beta + 1)R_E}$$
$$= \frac{20 \text{ V} - 0.7 \text{ V}}{240 \text{ k}\Omega + (90 + 1)2 \text{ k}\Omega} = 45,73 \,\mu\text{A}$$

$$V_{CE_Q} = V_{EE} - I_E R_E$$

$$= V_{EE} - (\beta + 1)I_B R_E$$

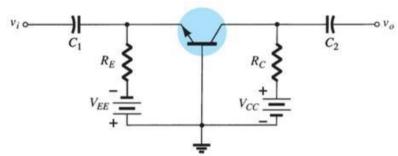
$$= 20 \text{ V} - (90 + 1)(45,73 \,\mu\text{A})(2 \,\text{k}\Omega)$$

$$= 11,68 \,\text{V}$$

$$I_{E_Q} = (\beta + 1)I_B = (91)(45,73 \,\mu\text{A})$$
  
= 4,16 mA

## Circuito de Polarização Base-Comum

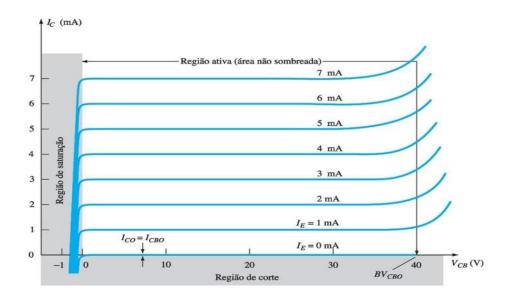
Essa configuração é única pois o sinal aplicado é ligado ao terminal emissor e a base está no potencial da terra.



Circuito de Polarização Base Comum

Duas fontes são usadas nessa configuração e a base é o terminal comum entre o emissor de entrada e o coletor de saída.

Lembrar que na configuração base comum a malha de saída relaciona I<sub>C</sub> x V<sub>CB</sub>



#### Malha de Entrada

$$-V_{EE} + I_{E}R_{E} + V_{BE} = 0$$

$$-V_{EE} + I_{E}R_{E} + V_{BE} = 0$$

$$I_{E} = \frac{V_{EE} - V_{BE}}{R_{E}}$$

#### **Malhas do Circuito**

$$-V_{EE} + I_{E}R_{E} + V_{CE} + I_{C}R_{C} - V_{CC} = 0 \longrightarrow V_{CE} = V_{EE} + V_{CC} - I_{E}R_{E} - I_{C}R_{C}$$

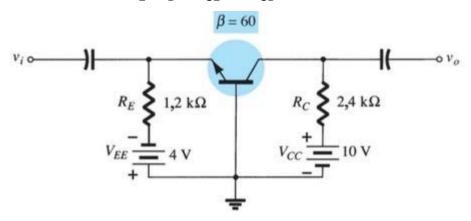
mas 
$$I_E \cong I_C$$
  $\longrightarrow$   $V_{CE} = V_{EE} + V_{CC} - I_E(R_C + R_E)$ 

#### Malha de Saída

$$V_{CB} + I_C R_C - V_{CC} = 0$$
  $\longrightarrow$   $V_{CB} = V_{CC} - I_C R_C$  mas  $I_C \cong I_E$   $\longrightarrow$   $V_{CB} = V_{CC} - I_C R_C$ 

#### **Exemplo:**

No circuito abaixo determine  $I_E$ ,  $I_B$ ,  $V_{CE}$  e  $V_{CB}$ 



$$I_E = \frac{V_{EE} - V_{BE}}{R_E} = \frac{4 \text{ V} - 0.7 \text{ V}}{1.2 \text{ k}\Omega} = 2.75 \text{ mA}$$

$$I_B = \frac{I_E}{\beta + 1} = \frac{2,75 \text{ mA}}{60 + 1} = 45,08 \ \mu\text{A}$$

$$V_{CE} = V_{EE} + V_{CC} - I_E(R_C + R_E) = 4 \text{ V} + 10 \text{ V} - (2,75 \text{ mA})(2,4 \text{ k}\Omega + 1,2 \text{ k}\Omega) = 4,1 \text{ V}$$

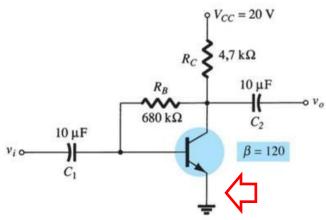
$$V_{CB} = V_{CC} - I_C R_C = V_{CC} - \beta I_B R_C = 10 \text{ V} - (60)(45,08 \,\mu\text{A})(24 \,\text{k}\Omega) = 3,51 \,\text{V}$$

# Outras Configurações de Polarização

- Existem diversas configurações de polarização que não se enquadram nos modelos básicos analisados.
- Para cada configuração discutida o 1º passo foi a obtenção de uma expressão para I<sub>B</sub>.
- Uma vez conhecido I<sub>B</sub> é possível determinar a corrente I<sub>C</sub> e os valores de tensão do circuito de saída.
- Nem todas as soluções seguirão os procedimentos acima descritos mas sugerem um roteiro possível.

#### Exemplo 1

No circuito abaixo o resistor de emissor foi retirado da configuração com realimentação de tensão. A análise é bastante semelhante mas requer que R<sub>E</sub> seja retirado das equações.



Determine I<sub>CQ</sub> e I<sub>CEQ</sub>

$$I_B = \frac{V_{CC} - V_{BE}}{R_B + \beta R_C} = \frac{20 \text{ V} - 0.7 \text{ V}}{680 \text{ k}\Omega + (120)(4.7 \text{ k}\Omega)} = 15.51 \,\mu\text{A}$$

$$I_{C_0} = \beta I_B = (120)(15,51 \,\mu\text{A}) = 1,86 \,\text{mA}$$

$$V_{CE_O} = V_{CC} - I_C R_C = 20 \text{ V} - (1,86 \text{ mA})(4,7 \text{ k}\Omega) = 11,26 \text{ V}$$

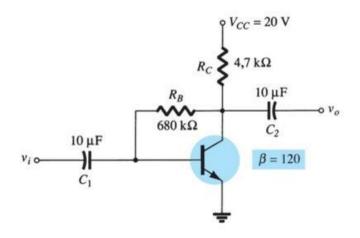
#### Determine $V_B$ , $V_C$ , $V_E$ e $V_{BC}$

$$V_B = V_{BE} = 0.7 \text{ V}$$

$$V_C = V_{CE} = 11,26 \text{ V}$$

$$V_E = 0 V$$

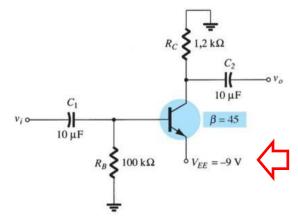
$$V_{BC} = V_B - V_C = 0.7 \text{ V} - 11,26 \text{ V} = -10,56 \text{ V}$$



#### Exemplo 2

No circuito abaixo a tensão CC está conectada ao ramo emissor e R<sub>C</sub> está conectado

ao terra.



Determine V<sub>C</sub> e V<sub>B</sub>

A aplicação da lei das tensões de Kirchoff no sentido horário para a malha base- emissor resulta:

$$-I_B R_B - V_{BE} + V_{EE} = 0 \longrightarrow I_B = \frac{V_{EE} - V_{BE}}{R_B} = \frac{9 \text{ V} - 0.7 \text{ V}}{100 \text{ k}\Omega} = 83 \mu\text{A}$$

$$I_C = \beta I_B = (45)(83 \,\mu\text{A}) = 3,735 \,\text{mA}$$

$$V_C = -I_C R_C = -(3,735 \text{ mA})(1,2 \text{ k}\Omega) = -4,48 \text{ V}$$

$$V_B = -I_B R_B = -(83 \,\mu\text{A})(100 \,\text{k}\Omega) = -8.3 \,\text{V}$$

# Tabela Resumo das Polarizações

Type	Configuration	Pertinent Equations
Fixed-bias		$I_B = \frac{V_{CC} - V_{BE}}{R_B}$ $I_C = \beta I_B, I_E = (\beta + 1)I_B$ $V_{CE} = V_{CC} - I_C R_C$
Emitter-bias	$ \begin{array}{c}                                     $	$I_B = \frac{V_{CC} - V_{BE}}{R_B + (\beta + 1)R_E}$ $I_C = \beta I_B, I_E = (\beta + 1)I_B$ $R_i = (\beta + 1)R_E$ $V_{CE} = V_{CC} - I_C (R_C + R_E)$
Voltage-divider bias	$ \begin{array}{c c}  & & & & \\  & & & & \\  & & & & \\  & & & &$	EXACT: $R_{Th} = R_1    R_2, E_{Th} = \frac{R_2 V_{CC}}{R_1 + R_2}$ APPROXIMATE: $\beta R_E \ge 10 R_2$ $I_B = \frac{E_{Th} - V_{BE}}{R_{Th} + (\beta + 1) R_E}$ $I_C = \beta I_B, I_E = (\beta + 1) I_B$ $V_{CE} = V_{CC} - I_C (R_C + R_E)$ $V_{APPROXIMATE: \beta R_E \ge 10 R_2$ $V_B = \frac{R_2 V_{CC}}{R_1 + R_2}, V_E = V_B - V_{BE}$ $I_E = \frac{V_E}{R_E}, I_B = \frac{I_E}{\beta + 1}$ $V_{CE} = V_{CC} - I_C (R_C + R_E)$
	*	

# Type Configuration Collector-feedback

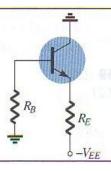
#### **Pertinent Equations**

$$I_{B} = \frac{V_{CC} - V_{BE}}{R_{F} + \beta(R_{C} + R_{E})}$$

$$I_{C} = \beta I_{B}, I_{E} = (\beta + 1)I_{B}$$

$$V_{CE} = V_{CC} - I_{C}(R_{C} + R_{E})$$

#### Emitter-follower

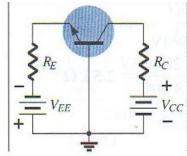


$$I_B = \frac{V_{EE} - V_{BE}}{R_B + (\beta + 1)}$$

$$I_C = \beta I_B, I_E = (\beta + 1)I_B$$

$$V_{CE} = V_{EE} - I_E R_E$$

#### Common-base



$$I_E = \frac{V_{EE} - V_{BE}}{R_E}$$

$$I_B = \frac{I_E}{\beta + 1}, I_C = \beta I_B$$

$$V_{CE} = V_{EE} + V_{CC} - I_E(R_C + R_E)$$

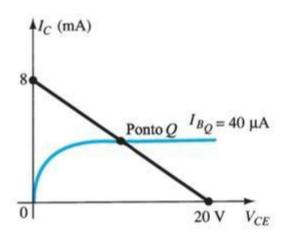
$$V_{CB} = V_{CC} - I_CR_C$$

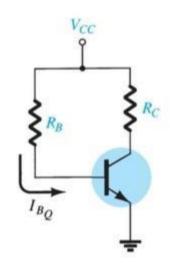
# Exemplos de Síntese de Circuitos de Polarização

- Em um projeto a corrente e/ou tensão devem ser especificadas e os elementos necessários para estabelecer os valores designados devem ser determinados.
- O caminho em direção a uma solução está menos definido e pode exigir que se façam várias suposições que não precisam ser feitas quando simplesmente se está analizando um circuito.
- Obviamente, a sequência de projeto depende dos componentes que foram especificados e daqueles que serão definidos.
  - **Exemplo**: se o transistor e as fontes foram especificados, o projeto ficará reduzido à determinação dos resistores.
  - Uma vez estabelecidos os valores teóricos dos resistores, serão adotados os valores comerciais mais próximos, e qualquer variações decorrentes da não utilização de valores exatos serão aceitas como parte do projeto. Essa aproximação é valida considerando-se as tolerâncias geralmente associadas aos elementos resistivos e aos parâmetros do transistor.

#### **Exemplo 1**

Dada a curva característica abaixo de um dispositivo, determine V<sub>CC</sub>, R<sub>B</sub> e R<sub>C</sub> para uma configuração com polarização fixa como mostrado.





$$1 V_{CC} = 20 \text{ V}$$

$$I_C = \frac{V_{CC}}{R_C} \Big|_{V_{CE} = 0 \text{ V}}$$

3 
$$R_C = \frac{V_{CC}}{I_C} = \frac{20 \text{ V}}{8 \text{ mA}} = 2.5 \text{ k}\Omega$$

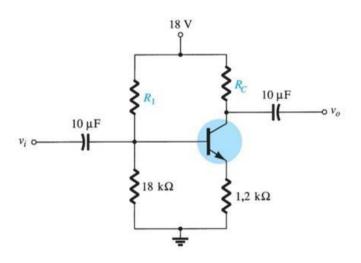
$$R_B = \frac{V_{CC} - V_{BE}}{I_B} = \frac{20 \text{ V} - 0.7 \text{ V}}{40 \,\mu\text{A}} = 482.5 \text{ k}\Omega$$

5 Os valores padrão de resistores são:

$$R_C = 2.4 \text{ k}\Omega$$
  $R_B = 470 \text{ k}\Omega$ 

Utilizando os valores padrão de resistores na equação do item 4 obtem-se  $I_B$  = 41,1 uA que está dentro da faixa de 5% do valor especificado.

Dado que  $I_{CQ} = 2mA$  e  $V_{CQ} = 10V$ , determine  $R_1$  e  $R_C$  no circuito abaixo.



- 1 Cálculo de V<sub>C</sub>
- $V_E = I_E R_E \cong I_C R_E = (2 \text{ mA})(1,2 \text{ k}\Omega) = 2,4 \text{ V}$
- $V_C = V_{CE} + V_E = 10 \text{ V} + 2.4 \text{ V} = 12.4 \text{ V}$
- 2 Cálculo de  $R_1$
- $V_B = V_{BE} + V_E = 0.7 \text{ V} + 2.4 \text{ V} = 3.1 \text{ V}$

$$V_B = \frac{R_2 V_{CC}}{R_1 + R_2} = 3.1 \text{ V}$$
  $\longrightarrow$   $\frac{(18 \text{ k}\Omega)(18 \text{ V})}{R_1 + 18 \text{ k}\Omega} = 3.1 \text{ V}$   $\longrightarrow$   $R_1 = 86,52 \text{K}\Omega$ 

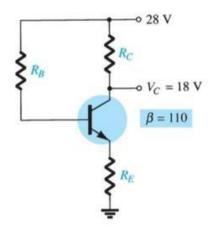
3 Cálculo de R<sub>c</sub>

$$R_C = \frac{V_{R_C}}{I_C} = \frac{V_{CC} - V_C}{I_C}$$
 $V_C = V_{CE} + V_E = 10 \text{ V} + 2,4 \text{ V} = 12,4 \text{ V}$ 
 $\Rightarrow R_C = \frac{18 \text{ V} - 12,4 \text{ V}}{2 \text{ mA}} = 2,8 \text{ k}\Omega$ 

Os valores-padrão mais próximos de  $R_1$  são 82K $\Omega$  e 91K $\Omega$ . No entanto, a utilização da combinação em série dos valores-padrão 82K $\Omega$  e 4,7K $\Omega$  resultará em um valor de  $R_1$  = 86,7K $\Omega$  que é muito próximo do valor do projeto.

#### Exercício 3

A configuração com polarização de emissor ao lado tem as seguintes características:  $I_{CQ} = \frac{1}{2}I_{Csat}$ ,  $I_{Csat} = 8mA$ ,  $V_{C} = 18V$  e  $\beta = 110$ . Determine  $R_{C}$ ,  $R_{E}$  e  $R_{R}$ .



$$I_{C_Q} = \frac{1}{2}I_{C_{\text{sat}}} = 4 \text{ mA}$$

#### Cálculo de R<sub>c</sub>

$$R_{C} = \frac{V_{R_{C}}}{I_{C_{Q}}} = \frac{V_{CC} - V_{C}}{I_{C_{Q}}}$$

$$= \frac{28 \text{ V} - 18 \text{ V}}{4 \text{ mA}} = 2.5 \text{ k}\Omega \quad \Rightarrow \quad R_{C} = 2.4 \text{k} \Omega$$

$$= \frac{28 \text{ V} - 0.7 \text{ V}}{36,36 \,\mu\text{A}} - (111)(1 \text{ k}\Omega)$$

#### Cálculo de R<sub>E</sub>

$$R_C + R_E = \frac{V_{CC}}{I_{C}} = \frac{28 \text{ V}}{8 \text{ mA}} = 3.5 \text{ k}\Omega$$

$$R_E = 3.5 \,\mathrm{k}\Omega - R_C$$
$$= 3.5 \,\mathrm{k}\Omega - 2.5 \,\mathrm{k}\Omega = 1 \,\mathrm{k}\Omega$$

#### Cálculo de R<sub>R</sub>

$$I_{B_Q} = \frac{I_{C_Q}}{\beta} = \frac{4 \text{ mA}}{110} = 36,36 \,\mu\text{A}$$

$$I_{B_Q} = \frac{V_{CC} - V_{BE}}{R_B + (\beta + 1)R_E}$$

$$R_B + (\beta + 1)R_E = \frac{V_{CC} - V_{BE}}{I_{B_Q}}$$
  
=  $\frac{28 \text{ V} - 0.7 \text{ V}}{36,36 \,\mu\text{A}} - (111)(1 \text{ k}\Omega)$ 

= 
$$639.8 \text{ k}\Omega$$
  $\rightarrow$  R<sub>B</sub> =  $620 \text{ k}\Omega$ 

- A equação que relaciona as tensões ao longo da malha coletor-emissor apresenta duas variáveis desconhecidas:  $R_C$  e  $R_F$ .
- Há a necessidade de incluir um resistor de emissor para o terra com o objetivo de proporcionar um meio de estabilização da polarização CC, de modo que a variação da corrente de coletor e do valor de beta do transistor não provoquem um deslocamento expressivo no ponto de operação.
- O resistor de emissor não pode ser demasiado grande porque a queda de tensão sobre ele limita a faixa de excursão da tensão coletor emissor (a ser observada quando a resposta CA for analisada).
- A tensão de emissor varia em torno de 1/4V<sub>cc</sub> à 1/10 V<sub>cc</sub>.

#### **Exercício 4**

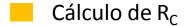
Determine os valores dos resistores no circuito ao lado:

Seja V<sub>E</sub> = V<sub>CC</sub> /10  

$$V_E = \frac{1}{10}V_{CC} = \frac{1}{10}(20 \text{ V}) = 2 \text{ V}$$

Cálculo de R<sub>E</sub>

$$R_E = \frac{V_E}{I_E} \cong \frac{V_E}{I_C} = \frac{2 \text{ V}}{2 \text{ mA}} = 1 \text{ k}\Omega$$

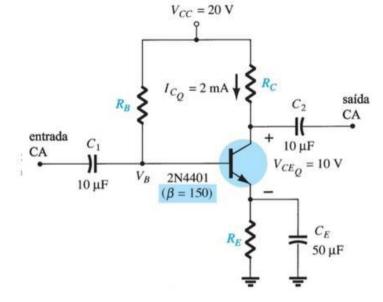


$$R_C = \frac{V_{R_C}}{I_C} = \frac{V_{CC} - V_{CE} - V_E}{I_C} = \frac{20 \text{ V} - 10 \text{ V} - 2 \text{ V}}{2 \text{ mA}} = 4 \text{ k}\Omega$$

Cálculo de R<sub>B</sub>

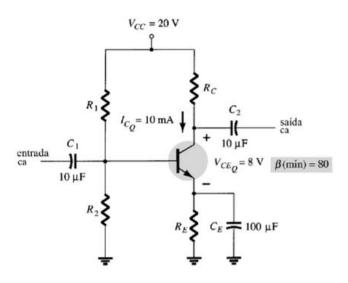
$$I_B = \frac{I_C}{\beta} = \frac{2 \text{ mA}}{150} = 13,33 \,\mu\text{A}$$

$$R_B = \frac{V_{R_B}}{I_B} = \frac{V_{CC} - V_{BE} - V_E}{I_B} = \frac{20 \text{ V} - 0,7 \text{ V} - 2 \text{ V}}{13,33 \,\mu\text{A}} \cong 1,3 \text{ M}\Omega$$



#### **Exercício 5**

Determine os valores de  $R_C$ ,  $R_E$ ,  $R_1$  e  $R_2$  para o ponto de operação quiescente do circuito abaixo



Escolher 
$$V_E \longrightarrow V_E = \frac{1}{10}V_{CC} = \frac{1}{10}(20 \text{ V}) = 2 \text{ V}$$

Cálculo de R<sub>F</sub>

$$R_E = \frac{V_E}{I_E} \cong \frac{V_E}{I_C} = \frac{2 \text{ V}}{10 \text{ mA}} = 200 \Omega$$

Cálculo de R<sub>c</sub>

$$R_C = \frac{V_{R_C}}{I_C} = \frac{V_{CC} - V_{CE} - V_E}{I_C} = \frac{20 \text{V} - 8 \text{ V} - 2 \text{ V}}{10 \text{ mA}} = 1 \text{ k}\Omega$$

#### **Exemplo**

#### Cálculo R<sub>2</sub>

Para que o circuito opere eficientemente as correntes através de  $R_1$  e  $R_2$  devem ser aproximadamente iguais e muito maiores que  $I_B$ . Mostrou-se anteriormente que a resistência refletida entre a base e o emissor é definida por:

$$R_i = (\beta + 1)R_E \cong \beta R_E$$

R<sub>i</sub> deve ser muito maior que R<sub>2</sub>

$$\beta R_E \ge 10R_2$$

$$R_2 \le \frac{1}{10} \beta R_E$$
  $R_2 \le \frac{1}{10} (80)(0.2 \text{ k}\Omega) = 1.6 \text{ k}\Omega$ 

Cálculo R<sub>1</sub>

$$V_B = V_{BE} + V_E = 0.7 \text{ V} + 2 \text{ V} = 2.7 \text{ V}$$

$$V_B = \frac{R_2}{R_1 + R_2} V_{CC}$$
  $V_B = 2.7 \text{ V} = \frac{(1.6 \text{ k}\Omega)(20 \text{ V})}{R_1 + 1.6 \text{ k}\Omega}$ 

$$R_1 = 10,25 \,\mathrm{k}\Omega \quad \text{(use } 10 \,\mathrm{k}\Omega\text{)}$$

#### Circuitos com Múltiplos BJTs

**Circuitos com Acoplamento RC** 

**Darlington** 

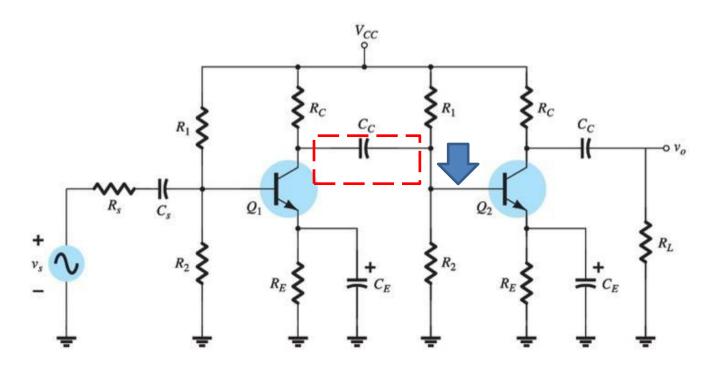
Cascode

**Par Realimentado** 

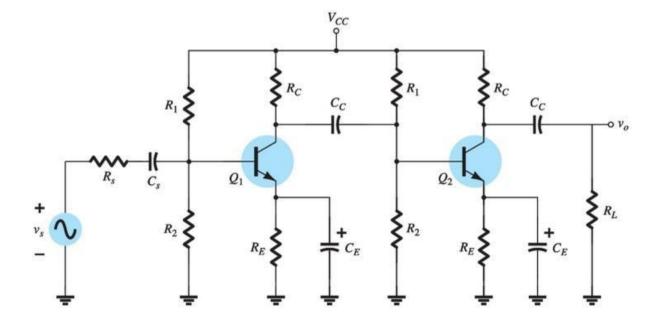
**Acoplamento Direto** 

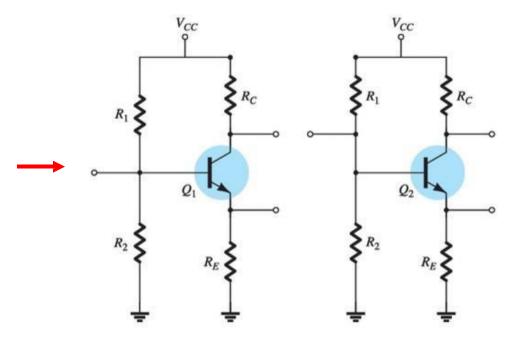
### Circuitos com Acoplamento RC

- Os circuitos com BJT apresentados apresentam configurações com um único transistor. Serão abordados os circuitos mais usados com múltiplos transistores.
  - O circuito abaixo com **acoplamento RC** é o mais comum. Nele a tensão de saída do coletor de um estágio é alimentada diretamente na base do estágio seguinte por meio de um capacitor de acoplamento  $\mathbf{C}_{c}$ .



O capacitor  $\mathbf{C}_{\mathbf{c}}$  deve garantir o bloqueio de sinais CC entre os estágios e atuar como um curto circuito para qualquer sinal CA.



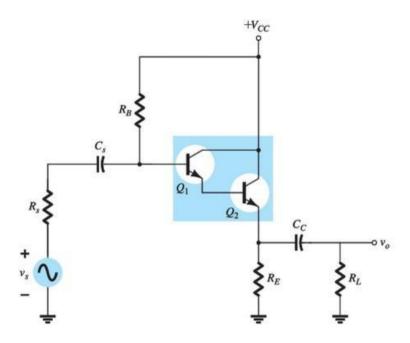


Os métodos de análise/síntese analisados anteriormente pode sem aplicados para cada estágio separamente.

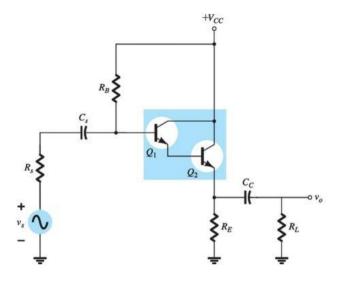
**Equivalente CC** 

# Darlington

O circuito abaixo é a configuração **Darlington**.



- Uma vez que a tensão de saída é retirada diretamente do terminal emissor mostrase na análise CA que o ganho é muito próximo de 1 e a impedância de entrada alta.
- Se uma resistência de carga for adicionada ao ramo de coletor e a tensão de saída for retirada do terminal coletor, o ganho será muito alto.



Nesta configuração Darlington são utilizados dois transitores npn.

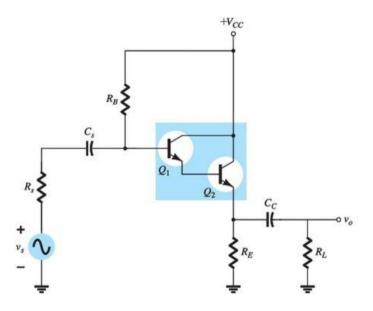
$$I_{B_2} = I_{E_1} = (\beta_1 + 1)I_{B_1}$$

$$I_{E_2} = (\beta_2 + 1)I_{B_2} = (\beta_2 + 1)(\beta_1 + 1)I_{B_1}$$

$$\beta_D = \beta_1\beta_2$$

Uma análise semelhante à do circuito com polarização de emissor resulta:

$$I_{B_1} = \frac{V_{CC} - V_{BE_1} - V_{BE_2}}{R_B + (\beta_D + 1)R_E}$$



#### Define-se:

$$V_{BE_D} = V_{BE_1} + V_{BE_2}$$

$$I_{B_1} = \frac{V_{CC} - V_{BE_D}}{R_B + (\beta_D + 1)R_E}$$

#### Observa-se que:

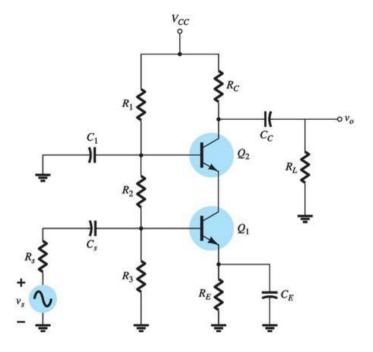
$$I_{C_2} \cong I_{E_2} = \beta_D I_{B_1}$$

$$V_{E_2} = I_{E_2} R_E$$

$$V_{C_2} = V_{CC}$$

$$V_{CE_2} = V_{C_2} - V_{E_2}$$
  $\longrightarrow$   $V_{CE_2} = V_{CC} - V_{E_2}$ 

## Cascode



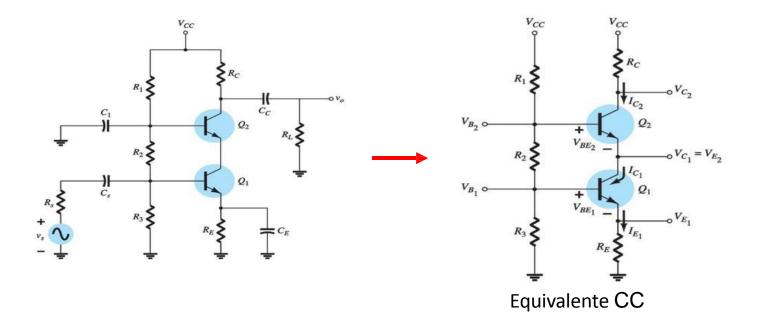
Assume-se que a corrente nas resistências de polarização R<sub>1</sub>, R<sub>2</sub> e R<sub>3</sub> é muito maior do que a corrente de base de cada transitor, isto é:

$$I_{R_1} \cong I_{R_2} \cong I_{R_3} \gg I_{B_1} \text{ou} I_{B_2}$$

Em consequência, a tensão nas bases de  $Q_1$  e  $Q_2$  é determinada por divisor de tensão:

$$V_{B_1} = \frac{R_3}{R_1 + R_2 + R_3} V_{CC}$$

$$V_{B_2} = \frac{(R_2 + R_3)}{R_1 + R_2 + R_3} V_{CC}$$



#### Observa-se que:

$$V_{E_1} = V_{B_1} - V_{BE_1}$$

$$V_{E_2} = V_{B_2} - V_{BE_2}$$

$$I_{C_2} \cong I_{E_2} \cong I_{C_1} \cong I_{E_1} = \frac{V_{B_1} - V_{BE_1}}{R_E}$$

$$V_{C_1} = V_{B_2} - V_{BE_2}$$

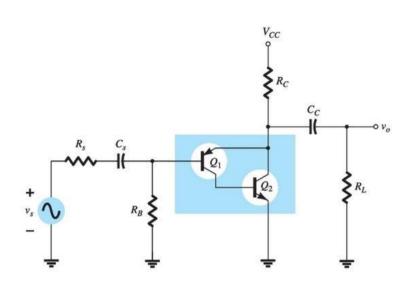
$$V_{C_2} = V_{CC} - I_{C_2} R_C$$

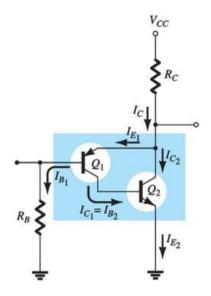
$$I_{R_1} \cong I_{R_2} \cong I_{R_3} = \frac{V_{CC}}{R_1 + R_2 + R_3}$$

$$I_{B_1} = \frac{I_{C_1}}{\beta_1} \qquad I_{B_2} = \frac{I_{C_2}}{\beta_2}$$

## Par Realimentado

#### A configuração par realimentado utiliza um transitor npn e um pnp.





**Equivalente CC** 

$$I_{B_2} = I_{C_1} = \beta_1 I_{B_1}$$

$$I_{B_2} = I_{C_1} = \beta_1 I_{B_1}$$

$$I_{C_2} = \beta_2 I_{B_2} \longrightarrow I_{C_2} \cong I_{E_2} = \beta_1 \beta_2 I_{B_1}$$

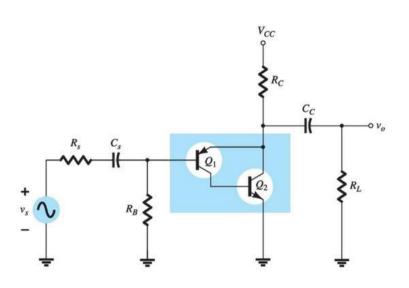
$$I_C = I_{E_1} + I_{E_2} \cong \beta_1 I_{B_1} + \beta_1 \beta_2 I_{B_1}$$

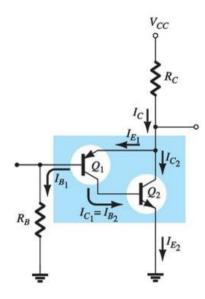
$$= \beta_1 (1 + \beta_2) I_{B_1} \longrightarrow I_C \cong \beta_1 \beta_2 I_{B_1}$$

$$V_{CC} - I_C R_C - V_{EB_1} - I_{B_1} R_B = 0$$

$$V_{CC} - V_{EB_1} - \beta_1 \beta_2 I_{B_1} R_C - I_{B_1} R_B = 0$$

$$I_{B_1} = \frac{V_{CC} - V_{EB_1}}{R_B + \beta_1 \beta_2 R_C}$$





#### Observa-se que:

**Equivalente CC** 

$$V_{B_1} = I_{B_1} R_B$$

$$V_{B_2} = V_{BE_2}$$

$$V_{C_2} = V_{E_1} = V_{CC} - I_C R_C$$

$$V_{C_1}=V_{BE_2}$$

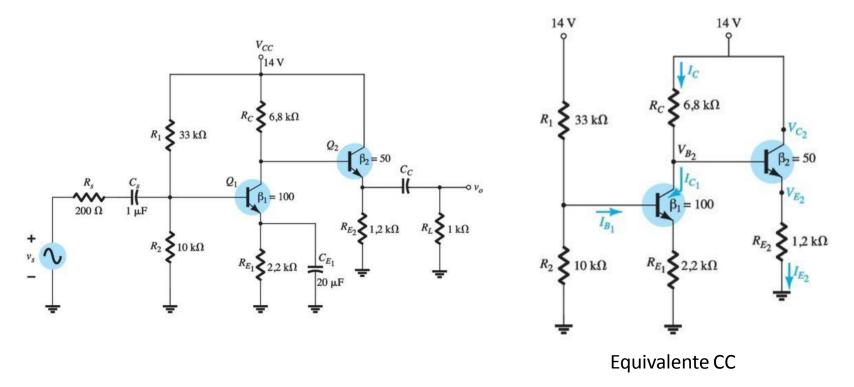
$$V_{CE_2} = V_{C_2}$$

$$V_{EC_1} = V_{E_1} - V_{C_1}$$
  $V_{EC_1} = V_{C_2} - V_{BE_2}$ 

## Acoplamento Direto



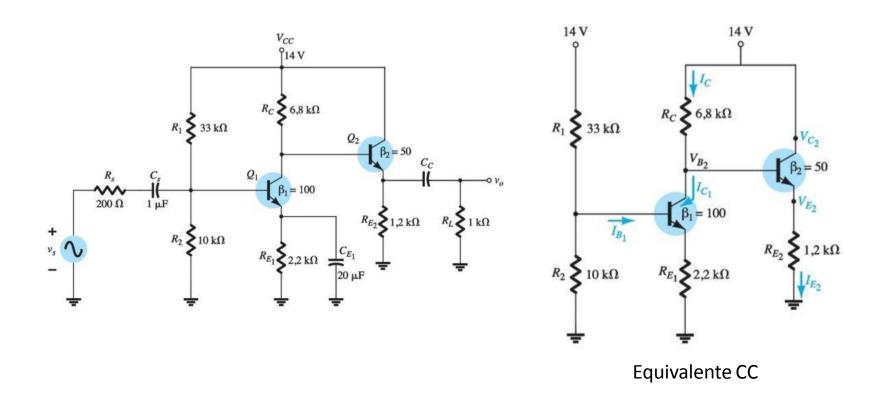
Nessa configuração nota-se a ausência de um capacitor de acoplamento para isolar os níveis CC de cada estágio.



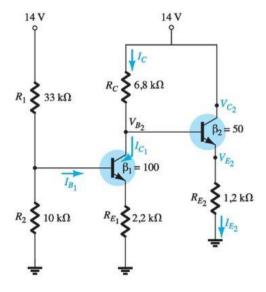
A vantagem é que o capacitor de acoplamento costuma limitar a resposta de baixa frequência do amplificador. Sem ele o amplificador pode amplificar os sinais de frequência muito baixa, na realidade até CC.

A desvantagem é que os níveis CC em um estágio afetarão diretamente os dos estágios subsequentes.

**Exemplo:** Determinar no amplificador com acoplamento direto abaixo os níveis DC de correntes e tensões.



A configuração com acoplamento direto tem um polarização por divisor de tensão seguida por outra de coletor-comum o que a torna ideal para os casos em que a impedância de entrada do próximo estágio é bastante baixa. O amplificador coletor-comum atua como uma buffer entre os estágios.



Para a configuração de divisor de tensão as equações a seguir já foram desenvolvidas:

$$I_{B_1} = \frac{E_{\text{Th}} - V_{BE}}{R_{\text{Th}} + (\beta + 1)R_{E_1}}$$

$$R_{\mathrm{Th}} = R_1 \| R_2$$

$$E_{\rm Th} = \frac{R_2 V_{CC}}{R_1 + R_2}$$

$$R_{\rm Th} = 33 \,\mathrm{k}\Omega \,\|\, 10 \,\mathrm{k}\Omega = 7,67 \,\mathrm{k}\Omega$$

$$E_{\rm Th} = \frac{10 \,\mathrm{k}\Omega (14 \,\mathrm{V})}{10 \,\mathrm{k}\Omega + 33 \,\mathrm{k}\Omega} = 3,26 \,\mathrm{V}$$

$$I_{B_1} = \frac{3,26 \text{ V} - 0,7 \text{ V}}{7,67 \text{ k}\Omega + (100 + 1) 2,2 \text{ k}\Omega} = 11,17 \,\mu\text{A}$$

$$I_{C_1} = \beta I_{B_1} = 100 (11,17 \,\mu\text{A}) = 1,12 \,\text{mA}$$

$$V_{B_2} = V_{CC} - I_C R_C$$
 = 14 V - (1,12 mA)(6,8 k $\Omega$ )  
= 6,38 V

14 V

$$R_1$$

33 kΩ

 $R_C$ 

6,8 kΩ

 $V_{B_2}$ 
 $V_{B_2}$ 
 $V_{E_2}$ 
 $V_{E_2}$ 
 $V_{E_2}$ 
 $V_{E_2}$ 
 $V_{E_2}$ 
 $V_{E_2}$ 

1,2 kΩ

 $V_{E_2}$ 
 $V_{E_2}$ 

$$V_{E_2} = V_{B_2} - V_{BE_2} = 6,38 \text{ V} - 0,7 \text{ V} = 5,68 \text{ V}$$

$$I_{E_2} = \frac{V_{E_2}}{R_{E_2}}$$
 =  $\frac{5,68 \text{ V}}{1,2 \text{ k}\Omega}$  = 4,73 mA

$$V_{C_2} = V_{CC} = 14 \text{ V}$$

$$V_{CE_2} = V_{C_2} - V_{E_2}$$

$$V_{CE_2} = V_{CC} - V_{E_2} = 14 \text{ V} - 5,68 \text{ V} = 8,32 \text{ V}$$